

પ્રકરણ :- 1 ભૌતિક જગત

વિજ્ઞાન

જી વિજ્ઞાન એ કુદરતી ઘટનાઓને શક્ય તેટલી વિસ્તૃત અને ઊંડાણપૂર્વક સમજવા માટે કરવામાં આવતો સુવ્યવસ્થિત પ્રયાસ છે અને આ રીતે મેળવેલ જ્ઞાનનો ઉપયોગ કુદરતી ઘટનાઓમાં આગાહીઓ, નિયંત્રણો અને તેમા પરીવર્તન માટેનો પ્રયાસ છે.

વૈજ્ઞાનિક પદ્ધતિ

જી વૈજ્ઞાનિક પદ્ધતિમાં આંતરસંબંધ ધરાવતા કેટલાક પદ :

- ✦ પદ્ધતિસરનાં અવલોકનો
- ✦ નિયંત્રિત પ્રયોગો
- ✦ ગુણાત્મક અને માત્રાત્મક તર્ક
- ✦ ગાણિતિક નમૂના, આગાહીઓ, સિદ્ધાંતો ચકાસવા અને તેને સ્વીકારવા કે નકારવાનો સમાવેશ થાય છે.

અનુમાન અને નિરાધાર કલ્પનાઓ

જી વૈજ્ઞાનિક સિદ્ધાંતો ત્યારે જ સ્વીકાર્ય બને છે જ્યારે તેને સંબંધિત અવલોકનો અથવા પ્રયોગો વ્દારા તેની સત્યાર્થતા ચકાસી શકાય

Physics

મુખ્ય વિચારો

જી કુદરતના મૂળભૂત નિયમોના અભ્યાસ તથા વિવિધ પ્રાકૃતિક ઘટનાઓમાં તેની અભિવ્યક્તિ સમજવા વિજ્ઞાનને આપણે ભૌતિકવિજ્ઞાન કહી શકીએ.

🔴 એકીકીકરણ : ભૌતિકવિજ્ઞાનની મહત્વની પ્રગતિ ઘણીવાર વિવિધ સિદ્ધાંતો, નિયમો અને પ્રભાવક્ષેત્રોના એકીકીકરણ તરફ દોરી જાય છે.

🔴 ન્યૂનીકરણ : કોઈ મોટા અને ખૂબ જ જટિલ તંત્રના ગુણધર્મો અને તેનાં સાદા ઘટકો વચ્ચેની આંતરક્રિયાના ગુણધર્મો તારવવા તે એક સંબંધિત પ્રયત્ન છે. આવા પ્રયત્નોને ન્યૂનીકરણ કહે છે અને તે ભૌતિકવિજ્ઞાનનું હાર્દ છે.

મુખ્ય પ્રભાવક્ષેત્રો

કુદરતમાં પ્રવર્તતા મૂળભૂત બળો

🔴 પ્રબળ ન્યુક્લિયર બળ

- ✦ ન્યુક્લિયોન્સ વચ્ચે લાગે ✦ લઘુઅંતરીય ($10^{-15}m$)
- ✦ સાપેક્ષ પ્રબળતા = 1 ✦ સૌથી પ્રબળ

🔴 વિદ્યુતચુંબકીય બળ

- ✦ સ્થિર વિદ્યુતભારો વચ્ચે વિદ્યુતબળ અને ગતિમાં રહેલા વિદ્યુતભારોના લીધે ચુંબકીય બળ લાગે
- ✦ ગુરુઅંતરિય ✦ સાપેક્ષ પ્રબળતા = 10^{-2}
- ✦ આકર્ષી અને અપાકર્ષી

🔴 નિર્બળ ન્યુક્લિયર બળ

- ✦ નિશ્ચિત ન્યુક્લિયરપ્રક્રિયાઓમાં (β - ક્ષણનું ઉત્સર્જન) ઇલેક્ટ્રોન અને ન્યુટ્રિનો વચ્ચે
- ✦ અવધિ અતિસૂક્ષ્મ ($10^{-16}m$)
- ✦ સાપેક્ષ પ્રબળતા = 10^{-13}

🔴 ગુરુત્વાકર્ષણ બળ

- ✦ પદાર્થો વચ્ચે દ્રવ્યમાનના લીધે લાગે ✦ આકર્ષી

🔴 સ્થૂળ પ્રભાવક્ષેત્ર : પૃથ્વી પરની તથા ખગોળિય સ્તરની ઘટનાઓનો સમાવેશ પ્રયોગશાળામાં થાય છે.

✦ પ્રચલિત ભૌતિકવિજ્ઞાનમાં યંત્રશાસ્ત્ર, ઇલેક્ટ્રોડાયનેમિક્સ, પ્રકાશશાસ્ત્ર અને થર્મોડાયનેમિક્સ જેવી વિદ્યાશાખાઓમાં સ્થૂળ ઘટનાઓનો અભ્યાસ થાય છે.

🔴 સૂક્ષ્મ પ્રભાવક્ષેત્ર : સૂક્ષ્મ પ્રભાવક્ષેત્રમાં પરમાણ્વીક, આણ્વીક અને ન્યુક્લિયર ઘટનાઓનો સમાવેશ થાય છે.

ભૌતિકશાસ્ત્રના નિયમોની પ્રકૃતિ

જી સમય સમાંગ (સ્થાનાંતર સંમિતિ) એ ઊર્જાસંરક્ષણના નિયમને સમતુલ્ય છે.

જી અવકાશ સમાંગ (સ્થાનાંતર સંમિતિ) એ રેખીય વેગમાન સંરક્ષણના નિયમને સમતુલ્ય છે.

જી અવકાશ સમઘર્મી(વિશિષ્ટ દિશા ન હોય) એ કોણીય વેગમાન સંરક્ષણના નિયમને સમતુલ્ય છે.

જી વીજભાર સંરક્ષણનો નિયમ અને મૂળભૂત કણોનાં લક્ષણો કેટલીક અમૂર્ત સંમિતિઓ સાથે સંકળાયેલ હોઈ શકે.

જી ગુરુત્વાકર્ષણનો નિયમ સમગ્ર વિશ્વમાં સમાન રૂપે લાગુ પડે છે.

પ્રકરણ :- 2 એકમો અને માપન

એકમ પદ્ધતિઓ

- CGS (સેન્ટીમીટર, ગ્રામ, સેકન્ડ)
- FPS (ફુટ, પાઉન્ડ, સેકન્ડ)
- MKS(મીટર, કિલોગ્રામ, સેકન્ડ)
- MKSA(મીટર, કિલોગ્રામ, સેકન્ડ, એમ્પિયર)
- SI (Sustem of International) (મીટર, કિલોગ્રામ, સેકન્ડ, એમ્પિયર, કેલ્વિન, મોલ, કેન્ડેલા)

પૂરક રાશિઓ

- સમતલકોણ-રેડિયન(rad)
- ઘનકોણ-સ્ટીરેડિયન(Sr)

માપન

લંબાઈનું માપન

પ્રત્યક્ષ માપન :-

- મીટર પટ્ટી ~ $10^{-3} m$ થી $10^2 m$
- વર્નિયર કેલીપર્સ ~ $10^{-4} m$
- માઈક્રોમીટર સ્ક્રુગેજ, સ્કેરોમીટર ~ $10^{-5} m$

પરોક્ષ માપન :-

- દ્રષ્ટિરચાનભેદની રીતે : પૃથ્વીથી ઘણે દૂર આવેલા ગ્રહનું અંતર $D = \frac{b}{\theta}$
- ગ્રહનો કોણીય વ્યાસ $\alpha = \frac{d}{D}$

લંબાઈનો વિસ્તાર

- ન્યુક્લિયસનું પરિણામ $10^{-14} m$ અવલોકિત વિશ્વનું પરિમાણ $10^{26} m$

દળનું માપન

- દળના માપક્રમનો વિસ્તાર :- ઇલેક્ટ્રોનનું દ્રવ્યમાન $10^{-30} kg$ થી અવલોકિત વિશ્વનું દ્રવ્યમાન $10^{55} kg$

સમયનું માપન

- સમયનો વિસ્તાર 10^{-22} થી 10^{18}

ત્રુટિ

વ્યવસ્થિત ત્રુટિ :

- સાધનની ત્રુટિ
- પ્રયોગની ટેકનીક અથવા પદ્ધતિમાં રહેલી અપૂર્ણતા
- વ્યક્તિગત ત્રુટિ
- અવ્યવસ્થિત ત્રુટિ

ત્રુટિઓનું સંયોજન

- સરવાળાની ત્રુટિ $Z = A + B$ તો $\Delta Z = \Delta A + \Delta B$
- તફાવતની ત્રુટિ $Z = A - B$ તો $\Delta Z = \Delta A + \Delta B$
- ગુણાકારની ત્રુટિ $Z = AB$ તો $\frac{\Delta Z}{Z} = \frac{\Delta A}{A} + \frac{\Delta B}{B}$
- ભાગાકારની ત્રુટિ $Z = \frac{A}{B}$ તો $\frac{\Delta Z}{Z} = \frac{\Delta A}{A} + \frac{\Delta B}{B}$
- ઘાતાંકની ત્રુટિ $Z = A^k$ તો $\frac{\Delta Z}{Z} = k \frac{\Delta A}{A}$

નિરપેક્ષ ત્રુટિ $|\Delta a|$ હંમેશા ધન હોય

સરેરાશ નિરપેક્ષ ત્રુટિ

$$\Delta a_{mean} = \frac{|\Delta a_1| + |\Delta a_2| + \dots + |\Delta a_n|}{n}$$

સાપેક્ષ ત્રુટિ = $\frac{\Delta a_{mean}}{a_{mean}}$

પ્રતિશત ત્રુટિ કહે છે.

$$\delta a = \left(\frac{\Delta a_{mean}}{a_{mean}} \right) \times 100\%$$

સાર્થક અંક :-

- બધા જ શૂન્યેતર અંકો સાર્થક અંક છે.
- સંખ્યામાં જો દશાંશચિહ્ન હોય તો તે ગમે ત્યાં હોય તો પણ બે શૂન્યેતર અંકોની વચ્ચે આવેલા બધા જ શૂન્યાંકો સાર્થક અંક છે.
- જો સંખ્યા 1 કરતાં નાની હોય તો દશાંશચિહ્ન ની જમણી તરફના પરંતુ પ્રથમ શૂન્યેતર અંકની ડાબી તરફના અંકો સાર્થક અંક નથી. (0.002308) લીટી દોરેલ શૂન્યાંકો સાર્થક નથી.
- દશાંશચિહ્ન સિવાયની સંખ્યામાં અંતિમ શૂન્યેતર અંકની જમણી તરફના શૂન્યાંકો સાર્થક અંક નથી. દા.ત. 12300=1230=123 માં ત્રણ જ સાર્થક અંકો છે.
- દશાંશચિહ્ન વાળી સંખ્યામાં અંતિમ શૂન્યેતર અંક પછીના બધા જ શૂન્યાંકો સાર્થક અંકો છે. દા.ત. 3.500 અને 0.06900 માં ચાર સાર્થક અંકો છે.

પ્રકરણ - 3 સુરેખપથ પર ગતિ

સ્થાન

પદાર્થનું સ્થાન દર્શાવવા માટે સંદર્ભબિંદુની જરૂર પડે અને ચામપદ્ધતિના ઉગમબિંદુને સંદર્ભબિંદુ તરીકે લેવામાં આવે છે. તથા ચામપદ્ધતિને નિર્દેશકેમ કહે છે.

પથલંબાઈ

પદાર્થે કાપેલા કુલ અંતરને પથલંબાઈ કહે છે.
અદિશ રાશિ
એકમ : મીટર (m)

સ્થાનાંતર

પદાર્થના સ્થાનમાં થતા ફેરફારને સ્થાનાંતર કહે છે. (પ્રારંભિક સ્થાન અને અંતિમ સ્થાન વચ્ચેના અંતરને સ્થાનાંતર કહે છે.)
અદિશ રાશિ
એકમ : મીટર (m)

સાપેક્ષ વેગ

પદાર્થ A ની સાપેક્ષે B નો વેગ
 $v_{BA} = v_B - v_A$
પદાર્થ B ની સાપેક્ષે A નો વેગ
 $v_{AB} = v_A - v_B$

સરેરાશ વેગ

સ્થાનાંતર અને તે માટે લાગતા સમય ગાળાના ગુણોત્તરને સરેરાશ વેગ કહે છે.

$$\bar{v} = \frac{\text{સ્થાનાંતર}}{\text{કુલ સમયગાળો}}$$

$$\bar{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1}$$

અદિશ રાશિ એકમ : ms^{-1}

સરેરાશ ઝડપ

પદાર્થ વ્હારા કાપેલ કુલ પથલંબાઈ અને તે માટે લાગતા સમય ગાળાના ગુણોત્તરને સરેરાશ ઝડપ કહે છે.

$$\text{સરેરાશ ઝડપ} = \frac{\text{પથલંબાઈ}}{\text{કુલ સમયગાળો}}$$

અદિશ રાશિ એકમ : ms^{-1}

તત્કાલીન વેગ અને ઝડપ

તત્કાલીન વેગ $v = \frac{dx}{dt}$
જો પદાર્થ નિયમિત ગતિ કરતો હોય તો સરેરાશ વેગ = તત્કાલીન વેગનું મૂલ્ય
તત્કાલીન વેગનું મૂલ્ય તત્કાલીન ઝડપ જેટલું હોય છે.
તત્કાલીન વેગ = અદિશ રાશિ
તત્કાલીન ઝડપ = અદિશ રાશિ
એકમ : ms^{-1}

અધોદિશામાં થતી ગતિ માટે (મૂડત પતન) :

$$v = gt$$

$$h = \frac{1}{2}gt^2$$

$$t = \sqrt{\frac{2h}{g}}$$

$$v = \sqrt{2gh}$$

સરેરાશ પ્રવેગ

સરેરાશ પ્રવેગ = $\frac{\text{વેગમાં થતો ફેરફાર}}{\text{સમયગાળો}}$

$$\langle a \rangle = \bar{a} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1}$$

$$\langle a \rangle = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

અદિશ રાશિ એકમ : ms^{-2}

પારિમાણિક સૂત્ર $[M^0L^1T^{-2}]$

તત્કાલીન પ્રવેગ

તત્કાલીન પ્રવેગ $a = \frac{dv}{dt}$
જો પ્રવેગ નિયમિત(અચળ) હોય તો સરેરાશ પ્રવેગ = તત્કાલીન પ્રવેગ
અદિશ રાશિ એકમ : ms^{-2}
પારિમાણિક સૂત્ર $[M^0L^1T^{-2}]$

નિયમિત (અચળ) પ્રવેગી ગતિ

નિયમિત (અચળ) પ્રવેગી ગતિ માટેના સમીકરણો

- $v = v_0 + at$
- $x = v_0t + \frac{1}{2}at^2$
- $2ax = v^2 - v_0^2$
- $x = \left(\frac{v+v_0}{2}\right)t$

n મી સેકન્ડમાં કાપેલું અંતર
 $d = v_0 + \frac{a}{2}(2n - 1)$

ગુરુત્વ પ્રવેગી ગતિ

ઉર્ધ્વદિશામાં થતી ગતિ માટે :

- $v_0 = -gt$
- $h = v_0t - \frac{1}{2}gt^2$
- $v_0 = \sqrt{2gh}$

પ્રકરણ : 4 સમતલમાં ગતિ

રાશિઓ

- અદિશ રાશિ :
 - જે રાશિનું ફક્ત મૂલ્ય જણવાથી સંપૂર્ણ માહિતી મળે તેવી રાશિને અદિશ રાશિ કહે છે.
 - દા.ત. :- પથલંબાઈ, ઝડપ, સમય, તાપમાન, કદ, ઘનતા વગેરે
- સદિશ રાશિ :
 - જે રાશિને દર્શાવવા માટે મૂલ્ય ઉપરાંત દિશાની જરૂર પડે તેવી રાશિને સદિશ રાશિ કહે છે.
 - દા. ત. :- સ્થાનાંતર, વેગ, પ્રવેગ, વેગમાન, ક્ષેત્રફળ, ... વગેરે

સદિશોના પ્રકારો

- જે સ્થાન સદિશ
- જે સ્થાનાંતર સદિશ
- જે સમાંતર સદીશો
- જે સમાન સદીશો
- જે પ્રતિ સમાંતર સદીશો
- જે અસમાંતર સદિશો
- જે શૂન્ય સદિશ
- જે એકમ સદિશ :

◆ એકમ સદિશ = $\frac{\text{સદિશ}}{\text{સદિશનું મૂલ્ય}}$

◆ $\hat{u} = \frac{\vec{A}}{|\vec{A}|}$

સદિશ સ્વરૂપે પ્રવેગ

- સરેરાશ વેગ : $\langle \vec{a} \rangle = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$
- તત્કાલીન વેગ : $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$
- જે વેગનું મૂલ્ય : $|\vec{a}| = \sqrt{a_x^2 + a_y^2}$
- જે દિશા : વેગમાં થતા ફેરફારની દિશામાં

સદિશોના ગુણધર્મો

- સદિશોના સરવાળા-બાદબાકી :
 - $\vec{R} = \vec{A} + \vec{B}$
 - $\vec{R} = (A_x + B_x)\hat{i} + (A_y + B_y)\hat{j} + (A_z + B_z)\hat{k}$
- સદિશોનું વિભાજન :
 - $A_x = A \cos \theta, A_y = A \sin \theta$
 - $\vec{A} = A_x \hat{i} + A_y \hat{j}, \vec{A} = A \cos \theta \hat{i} + A \sin \theta \hat{j}$
 - મૂલ્ય $|\vec{A}| = \sqrt{A_x^2 + A_y^2}$, દિશા $\theta = \tan^{-1} \frac{A_y}{A_x}$
- બે સદિશોના અદિશ ગુણાકાર :
 - $\vec{A} \cdot \vec{B} = AB \cos \theta$
 - $\vec{A} \cdot \vec{B} = A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z$
- બે સદિશોના સદિશ ગુણાકાર :
 - $\vec{c} = \vec{a} \times \vec{b}$, મૂલ્ય (માન) : $c = ab \sin \theta$
 - $\vec{a} \times \vec{b} = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ a_x & a_y & a_z \\ b_x & b_y & b_z \end{vmatrix}$
 - $\vec{a} \times \vec{b} = (a_y b_z - a_z b_y)\hat{i} + (a_z b_x - a_x b_z)\hat{j} + (a_x b_y - a_y b_x)\hat{k}$
- સમાંતર બાજુ ચતુષ્કોણના નિયમો :
 - સમાંતર બાજુ ચતુષ્કોણનો cosine નિયમ : $\vec{R} = |\vec{A} + \vec{B}| = \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB \cos \theta}$
 - સમાંતર બાજુ ચતુષ્કોણનો sine નિયમ : $\frac{A}{\sin \alpha} = \frac{B}{\sin \beta} = \frac{R}{\sin \theta}$
 - દિશા : $\tan \alpha = \frac{B \sin \theta}{A + B \cos \theta}$

સદિશ સ્વરૂપે વેગ

- સરેરાશ વેગ : $\langle \vec{v} \rangle = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t}$
- તત્કાલીન વેગ : $\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt}$
- જે વેગનું મૂલ્ય : $|\vec{v}| = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$
- જે વેગની દિશા : $\tan \theta = \frac{v_y}{v_x}$ તેથી $\theta = \tan^{-1} \frac{v_y}{v_x}$

અચળ પ્રવેગી ગતિ માટેના સમીકરણો

$$\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{a}t$$

$$\diamond v_x = v_{0x} + a_x t$$

$$\diamond v_y = v_{0y} + a_y t$$

$$\vec{r} - \vec{r}_0 = \vec{v}_0 t + \frac{1}{2} \vec{a} t^2$$

$$\diamond x = x_0 + v_{0x} t + \frac{1}{2} a_x t^2$$

$$\diamond y = y_0 + v_{0y} t + \frac{1}{2} a_y t^2$$

સાપેક્ષ વેગ

પદાર્થ A નો B ની સાપેક્ષે વેગ

$$\vec{v}_{AB} = \vec{v}_A - \vec{v}_B$$

પદાર્થ B નો A ની સાપેક્ષે વેગ

$$\vec{v}_{BA} = \vec{v}_B - \vec{v}_A$$

તેથી $\vec{v}_{AB} = -\vec{v}_{BA}$

$$\text{અને } |\vec{v}_{AB}| = |\vec{v}_{BA}|$$

નિયમિત વર્તુળાકાર ગતિ

$$\text{કોણીય સ્થાનાંતર : } \theta = \frac{d}{r}$$

$$\text{રેખીય વેગ : } v = \frac{2\pi r}{T}$$

સરેરાશ પ્રવેગ $\langle \vec{a} \rangle$ ની દિશા $\Delta \vec{v}$ ની દિશામાં હોય છે.

તેથી પ્રવેગની દિશા વર્તુળના કેન્દ્ર તરફ હશે.

કેન્દ્ર ગામી પ્રવેગ :

$$a_c = \frac{v^2}{r} = r\omega^2 = r\alpha$$

પ્રક્ષિપ્ત ગતિ

પ્રવેગના બે ઘટકો :

$$\diamond \text{સમક્ષિતિજ દિશામાં } a_x = 0$$

$$\diamond \text{અધોદિશામાં } a_y = -g$$

ગતિપથનું સમીકરણ :

$$y = \tan \theta_0 x - \frac{1}{2} g \frac{x^2}{v_0^2 \cos^2 \theta_0}$$

મહત્તમ ઊંચાઈ માટે લાગતો સમય :

$$t_m = \frac{v_0 \sin \theta_0}{g}$$

કુલ ઉડ્ડયન સમય :

$$T_f = \frac{2v_0 \sin \theta_0}{g}$$

મહત્તમ ઊંચાઈ :

$$h_m = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta_0}{2g}$$

સમક્ષિતિજ અવધિ :

$$R = \frac{v_0^2 \sin 2\theta_0}{g}$$

મહત્તમ સમક્ષિતિજ અવધિ :

$$R_m = \frac{v_0^2}{g}$$

θ જેટલા પ્રક્ષિપ્ત કોણ માટે : $\tan \theta = \frac{4H}{R}$

$$\text{જો } R = nH \text{ તો } \theta = \tan^{-1} \frac{4}{n}$$

સમક્ષિતિજ પ્રક્ષિપ્ત ગતિ

h ઉંચાઈ પરથી સમક્ષિતિજ ફેંકેલા પદાર્થ માટે :

$$\text{ગતિ પથ } y = \frac{1}{2} \frac{gx^2}{v_0^2}$$

$$\text{સમય } t = \sqrt{\frac{2h}{g}}$$

સમક્ષિતિજ દિશામાં કાપેલ મહત્તમ અંતર

$$x = vt = v \sqrt{\frac{2h}{g}}$$

કોઈપણ સમયે વેગે સમક્ષિતિજ સાથે બનાવેલ

$$\text{કોણ : } \theta = \tan^{-1} \frac{gt}{v}$$

Created By :-

A. G. Momin

Sudhir Gambhava

પ્રકરણ – 5 ગતિના નિયમો

જડત્વનો ગુણધર્મ

- જડત્વનો ગુણધર્મ : “જે સોખ્ખું બાહ્ય બળ શૂન્ય હોય તો સ્થિતર પદાર્થ સ્થિતર જ રહે છે અને ગતિમાન પદાર્થ નિયમિત વેગથી ગતિ ચાલુ રાખે છે.”
- જડત્વ એટલે “ફેરફારનો વિરોધ”
- જડત્વનું માપ એટલે દળ, જે પદાર્થનું દળ વધુ તેનું જડત્વ વધુ અને દળ ઓછું તેનું જડત્વ ઓછું

ન્યુટનના ગતિના નિયમો

ન્યુટનની ગતિનો પહેલો નિયમ :

- “જે પદાર્થ પર સોખ્ખું બાહ્ય બળ શૂન્ય હોય તો તેનો પ્રવેગ શૂન્ય હોય છે. જે પદાર્થ પર સોખ્ખું બાહ્ય બળ લાગતું હોય તો જ તેનો પ્રવેગ અશૂન્ય હોય છે.”
- ન્યુટનની ગતિનો પહેલો નિયમએ બળની વ્યાખ્યા આપે છે.

- વેગમાન : “પદાર્થના દળ અને વેગના ગુણાકારને વેગમાન(p) કહે છે”

$$p = mv$$

- ન્યુટનની ગતિનો બીજો નિયમ : “પદાર્થના વેગમાનના ફેરફારનો દર એ લાગુ પાડેલ બળના સમપ્રમાણમાં અને લગાડેલા બળની દિશામાં હોય છે.”

$$\vec{F} = \frac{d\vec{p}}{dt}, \vec{F} = m\vec{a}$$

- બીજો નિયમએ બળનું મૂલ્ય આપે છે.

ન્યુટનની ગતિનો ત્રીજો નિયમ :

- “દરેક ક્રિયાબળને હંમેશા સમાન અને વિરુદ્ધ દિશામાંનું પ્રતિક્રિયા બળ હોય છે”.
- ક્રિયા બળ અને પ્રતિક્રિયા બળ એક જ પદાર્થ પર નહીં પણ બે જુદા પદાર્થો પર લાગે છે.

$$\vec{F}_{AB} = -\vec{F}_{BA}$$

- ત્રીજો નિયમએ બળની માહિતી આપે છે.

ઘર્ષણ

- સ્થિત ઘર્ષણ બળ : સ્થિત ઘર્ષણ બળએ પદાર્થની અપેક્ષિત ગતિનો વિરોધ કરે છે.

- સંપર્ક સપાટીના ક્ષેત્રફળ પર આધારિત નથી.
- લંબબળના સમપ્રમાણમાં હોય છે.

$$\therefore F_{s(\max)} \propto N, \therefore F_{s(\max)} = \mu_s N$$

- જ્યાં μ_s = સ્થિત ઘર્ષણાંક, મૂલ્યનો આધાર સંપર્ક સપાટીના પ્રકાર, દ્રવ્યની જાત અને તાપમાન પર છે.
- જે પરિમાણ રહિત તથા એકમ રહિત છે.

ગતિક ઘર્ષણ બળ : સંપર્કમાં રહેલી

- સપાટીઓની સાપેક્ષ ગતિનો વિરોધ કરતા ઘર્ષણ બળને ગતિક ઘર્ષણ કહે છે.

- સંપર્ક સપાટીના ક્ષેત્રફળ પર આધારિત નથી.
- પદાર્થના સાપેક્ષ વેગ પર આધારિત નથી.
- લંબ બળના સમપ્રમાણ હોય છે.

$$\therefore F_k \propto N, \therefore F_k = \mu_k N$$

$$\text{જ્યાં } \mu_k = \text{ગતિક ઘર્ષણાંક}$$

- રોલિંગ ઘર્ષણબળ : પદાર્થ ગબડતો હોય ત્યારે લાગતા ઘર્ષણબળને રોલિંગ ઘર્ષણબળ કહે છે.

- સમાન દળના પદાર્થ માટે રોલિંગ ઘર્ષણ, સ્થિતિ અને ગતિક ઘર્ષણબળ કરતાં 100 કે 1000 માં ભાગનું હોય છે

વેગમાન સંરક્ષણ

- ⦿ **નિયમ :-** “આંતર ક્રિયા કરતા કણોના અલગ કરેલા તંત્રનું કુલ વેગમાન અચળ રહે છે.”
- ✎ કણોના બનેલા તંત્ર માટે ન્યૂટનનો ગતિનો બીજો નિયમ એ ત્રીજા નિયમ પરથી સમજી શકાય છે.
 - ✎ પ્રારંભિક વેગમાન = અંતિમ વેગમાન
$$m_1\vec{v}_1 = m_2\vec{v}_2$$

કણનું સંતુલન

- ✎ એક બિંદુગામી બળો \vec{F}_1 , \vec{F}_2 અને \vec{F}_3 ની અસર હેઠળ સંતુલન માટે, આ ત્રણ બળોનો સદિશ સરવાળો શૂન્ય થાય.
$$\vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 = 0$$
- ✎ જો કણ પર લાગતા બળો $\vec{F}_1, \vec{F}_2, \dots, \vec{F}_n$ લઈએ તો કણના સંતુલન માટે, $\sum \vec{F} = 0$

વર્તુળાકાર માર્ગ પર વાહનની ઝડપ

- ⦿ સમક્ષિતિજ વર્તુળાકાર માર્ગ પર ગતિ કરતા વાહન માટે મહત્તમ ઝડપનું સુત્ર :

$$v_{max} = \sqrt{\mu_s Rg}$$

- ⦿ ઢોળાવ વાળા વર્તુળાકાર રસ્તા પર વાહનની મહત્તમ ઝડપનું સુત્ર :

$$v_{max} = \sqrt{Rg \left(\frac{\tan \theta + \mu_s}{1 - \mu_s \tan \theta} \right)}$$

- ✎ ઓપ્ટીમમ (ઇસ્કર) ઝડપ ($\because \mu_s = 0$) :

$$v_0 = \sqrt{Rg \tan \theta}$$

- ✎ જો $\tan \theta \leq \mu_s$ હોય તો જ કારને ઢોળાવવાળા રસ્તા પર પાર્ક કરી શકાય.

Free Body Diagram (FBD)

⦿ ઉદાહરણો :

✎ લિફ્ટમાં વ્યક્તિનું વજન :

- લિફ્ટ સ્થિર હોય અથવા અચળ વેગથી ઉપર કે નીચે જતી હોય તો લિફ્ટ અને વ્યક્તિનો પ્રવેગ શૂન્ય ($a = 0$) થશે તેથી અભાસી બળ શૂન્ય ($ma = 0$) હોય, આથી લિફ્ટમાં વ્યક્તિનું વજન, $W = mg$
- લિફ્ટ ઉદ્યોગિશામાં a જેટલા પ્રવેગથી ગતિ કરે ત્યારે વ્યક્તિ પર લાગતું અભાસી બળ (ma) અધોદિશામાં હોય છે, આથી લિફ્ટમાં વ્યક્તિનું વજન, $W = mg + ma = m(g + a)$
- લિફ્ટ અધોદિશામાં a જેટલા પ્રવેગથી ગતિ કરે ત્યારે વ્યક્તિ પર લાગતું અભાસી બળ (ma) ઉદ્યોગિશામાં હોય છે, આથી લિફ્ટમાં વ્યક્તિનું વજન, $W = mg - ma = m(g - a)$
- ગુરુત્વાકર્ષણ બળની અસર હેઠળ લિફ્ટ મુક્ત પતન કરે ત્યારે લિફ્ટનો પ્રવેગ $a = g$ થશે, તેથી વ્યક્તિ પર લાગતું અભાસી બળ (mg) ઉદ્યોગિશામાં હશે, આથી લિફ્ટમાં વ્યક્તિનું વજન, $W = mg - mg = 0$



પ્રકરણ - 6 કાર્ય, ઊર્જા અને પાવર

અદિશ ગુણાકાર

● બે સદિશોના અદિશ ગુણાકાર :

- ✎ $\vec{A} \cdot \vec{B} = AB \cos \theta$
- ✎ $\vec{A} \cdot \vec{B} = A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z$
- ✎ જો $\vec{A} \parallel \vec{B}$, તો $\vec{A} \cdot \vec{B} = AB$
- ✎ જો $\vec{A} \perp \vec{B}$, તો $\vec{A} \cdot \vec{B} = 0$
- ✎ બે એકમ સદિશો માટે
 - $\hat{i} \cdot \hat{i} = \hat{j} \cdot \hat{j} = \hat{k} \cdot \hat{k} = 1$
 - $\hat{i} \cdot \hat{j} = \hat{j} \cdot \hat{k} = \hat{k} \cdot \hat{i} = 0$

સંઘાત

✎ “દળ ધરાવતા બે પદાર્થોની અથડામણને સંઘાત કહે છે.”

- સ્થિતિસ્થાપક અથડામણ : સંઘાત દરમિયાન વેગમાન, કુલ ઊર્જા અને કુલ ગતિઊર્જા પ્રણેયનું સંરક્ષણ થાય.
- અસ્થિતિસ્થાપક અથડામણ : સંઘાત દરમિયાન વેગમાન અને કુલ ઊર્જાનું સંરક્ષણ થાય પરંતુ કુલ ગતિઊર્જાનું સંરક્ષણ ન થાય.

● એક પરિમાણમાં થતાં સંઘાત : m_1 દળવાળા પદાર્થનો વેગ v_1 અને m_2 દળવાળા પદાર્થનો વેગ v_2 હોય તો સંઘાત બાદ

- ✎ $v'_1 = \frac{m_1 - em_2}{m_1 + m_2} v_1 + \frac{(1+e)m_2}{m_1 + m_2} v_2$
- ✎ $v'_2 = \frac{m_2 - em_1}{m_1 + m_2} v_2 + \frac{(1+e)m_1}{m_1 + m_2} v_1$
- જ્યાં $e =$ રેસ્ટિટ્યુશન ગુણાંક $= \frac{v'_2 - v'_1}{v_1 - v_2}$
- ✎ સંપૂર્ણ સ્થિતિસ્થાપક સંઘાત માટે, $e = 1$
- ✎ સંપૂર્ણ અસ્થિતિસ્થાપક સંઘાત માટે, $e = 0$

કાર્ય

✎ અચળ બળ વડે થતું કાર્ય

$$W = \vec{F} \cdot \vec{d} = F d \cos \theta$$

- ✎ $0 \leq \theta < 90^\circ$ માટે કાર્ય ધન અને પદાર્થ પર કાર્ય થાય.
- ✎ $90^\circ < \theta \leq 180^\circ$ માટે કાર્ય ઋણ અને પદાર્થ વડે કાર્ય થાય.

✎ ચલ બળ વડે થતું કાર્ય :

$$W = \int_{x_i}^{x_f} F(x) dx$$

- ✎ કાર્ય ઊર્જા પ્રમેય : $\Delta K = W$
 $K_f - K_i = W$
- ✎ સ્થિત ઘર્ષણ વડે થયેલુ કાર્ય હંમેશા શૂન્ય હોય છે.
- ✎ ગતિક ઘર્ષણ વડે તંત્ર પર થયેલુ કાર્ય હંમેશા ઋણ હોય છે.

ઊર્જા

✎ ગતિ ઊર્જા : $K = \frac{1}{2} mv^2 = \frac{p^2}{2m} = \frac{1}{2} P v$

✎ સ્થિતિ ઊર્જા : $F = -\frac{dU(h)}{dh}$
 $W = U_i - U_f$

✎ ગુરુત્વ સ્થિતિ ઊર્જા :

$$U(h) = mgh$$

✎ પુનઃસ્થાપક બળ : $F_x = -kx$

✎ જ્યાં $k =$ સ્પ્રિંગ અચળાંક, એકમ : Nm^{-1}

✎ સ્પ્રિંગમાં સંગ્રહિત સ્થિતિ ઊર્જા $= \frac{1}{2} kx^2$

✎ કુલ યાંત્રિક ઊર્જા : $E = U + K$

$$E = \frac{1}{2} kx^2 + \frac{1}{2} mv^2$$

પાવર

● પાવર : એકમ સમયમાં થતાં કાર્યને કાર્યત્વરા અથવા પાવર કહે છે.

✎ સરેરાશ પાવર : $P_{av} = \frac{W}{t}$

✎ તત્કાલીન પાવર : $P = \frac{dW}{dt}$

✎ $P = \vec{F} \cdot \vec{v}$

✎ અદિશ રાશિ

✎ એકમ : JS^{-1} અથવા $W(watt)$

✎ પારિમાણિક સૂત્ર : $[M^1 L^2 T^{-3}]$

● અસ્થિતિસ્થાપક સંઘાત : m_1 દળવાળા પદાર્થનો વેગ v_1 અને m_2 દળવાળા પદાર્થનો વેગ v_2 હોય તો અસ્થિતિસ્થાપક સંઘાત બાદ સંયુક્ત વેગ, $v = \frac{m_1 v_1 - m_2 v_2}{m_1 + m_2}$

✎ પ્રથમ પદાર્થનો વેગ, $v'_1 = \frac{v}{2} (1 - e)$

✎ બીજા પદાર્થનો વેગ, $v'_2 = \frac{v}{2} (1 + e)$

✎ કુલ ઊર્જામાં થતો ઘટાડો, $\Delta K = \frac{1}{2} \left(\frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2} \right) (1 - e^2) (v_1 - v_2)^2$

✎ h ઊંચાઈ પરથી પદાર્થ જમીન પર અથડાતાં n -અથડામણ બાદ પદાર્થે પ્રાપ્ત કરેલ ઊંચાઈ $h_n = e^{2n} h$

✎ પદાર્થ સ્થિર થાય તે પહેલાં પદાર્થે કાપેલ અંતર, $d = h \left(\frac{1+e^2}{1-e^2} \right)$

✎ પદાર્થને સ્થિર થવા માટે લાગતો સમય, $t = \left(\frac{1+e}{1-e} \right) \sqrt{\frac{2h}{g}}$



પ્રકરણ - 7 કણોનાં તંત્રો અને ચાકગતિ

દ્રવ્યમાન કેન્દ્ર અને ગુરુત્વ કેન્દ્ર

ચાકગતિ

નિયમિત ગુરુત્વમાં કે ગુરુત્વમુક્ત અવકાશમાં, પદાર્થનું ગુરુત્વ કેન્દ્ર એ દ્રવ્યમાન કેન્દ્ર પર સંપાત થાય છે.

મોટા પદાર્થ માટે દ્રવ્યમાન કેન્દ્રને ગુરુત્વાકર્ષણ સાથે કોઈ સંબંધ નથી.

દ્રવ્યમાન કેન્દ્રનો સ્થાન સદિશ

$$\vec{R} = \frac{\sum m_i \vec{r}_i}{M}, \vec{R} = X\hat{i} + Y\hat{j} + Z\hat{k}$$

◇ ઘટકો : $X = \frac{\sum m_i x_i}{M}, Y = \frac{\sum m_i y_i}{M}, Z = \frac{\sum m_i z_i}{M}$

અર્ધવર્તુળાકાર રિંગ માટે, $Y_{cm} = \frac{2R}{\pi}$

અર્ધવર્તુળાકાર તક્તી માટે, $Y_{cm} = \frac{4R}{3\pi}$

રિચર અક્ષને અનુલક્ષીને દ્રઢ પદાર્થના પરિભ્રમણમાં, પદાર્થનો દરેક કણ વર્તુળ માર્ગ પર ગતિ કરે છે, જે વર્તુળ માર્ગો અક્ષના લંબસમતલમાં છે અને તેમના કેન્દ્રો અક્ષ પર હશે.

કોણીય સ્થાનાંતર : $\theta = \frac{\text{ચાપ}}{\text{ત્રિજ્યા}}$

કોણીય વેગ : $\vec{\omega} = \frac{d\theta}{dt}$

કોણીય પ્રવેગ : $\vec{\alpha} = \frac{d\vec{\omega}}{dt}$

કોણીય વેગ અને રેખીય વેગ વચ્ચેનો સદિશ સંબંધ : $\vec{v} = \vec{\omega} \times \vec{r}$

અદિશ સંબંધ : $v = \omega r$

બળની ચાકમાત્રા (ટોર્ક) : $\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}, \tau = rF \sin \theta$

કણનું કોણીયવેગમાન : $\vec{l} = \vec{r} \times \vec{p}, l = rp \sin \theta$

કોણીય વેગમાન અને ટોર્ક વચ્ચેનો સંબંધ : $\frac{d\vec{l}}{dt} = \vec{\tau}$

ટોર્ક દ્વારા થતું કાર્ય : $W = \tau d\theta$, પાવર : $P = \tau \omega$

દ્રવ્યમાન કેન્દ્રનો સ્થાન સદિશ :

$$\vec{r}_{cm} = \frac{m_1 \vec{r}_1 + m_2 \vec{r}_2 + \dots}{m_1 + m_2}$$

દ્રવ્યમાન કેન્દ્રનો વેગ :

$$\vec{v}_{cm} = \frac{m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 + \dots}{m_1 + m_2}$$

દ્રવ્યમાન કેન્દ્રનો પ્રવેગ :

$$\vec{a}_{cm} = \frac{m_1 \vec{a}_1 + m_2 \vec{a}_2 + \dots}{m_1 + m_2}$$

◇ $\vec{F}_{ext} = 0$, તેથી \vec{v}_{cm} = અચળ

◇ $\vec{a}_{cm} = 0$, \vec{P}_{cm} = અચળ

દ્રઢ પદાર્થનું સંતુલન

રેખીય સંતુલન : દ્રઢ પદાર્થ પરનું કુલ બળ એટલે કે બળોનો સદિશ સરવાળો શૂન્ય હોય તો તે પદાર્થનું રેખીય વેગમાન અચળ રહે છે. અને પદાર્થ રેખીય સંતુલનમાં છે તેમ કહેવાય

$$\begin{aligned} \diamond \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \dots + \vec{F}_n &= 0 \\ \therefore \sum_{i=0}^n \vec{F}_i &= 0 \end{aligned}$$

ચાકગતીય સંતુલન : દ્રઢ પદાર્થ પરનું કુલ ટોર્ક એટલે કે બધા જ ટોર્કનો સદિશ સરવાળો શૂન્ય હોય તો પદાર્થનું કુલ કોણીય વેગમાન અચળ રહે છે. અને પદાર્થ ચાકગતીય સંતુલનમાં છે તેમ કહેવાય

$$\begin{aligned} \diamond \vec{\tau}_1 + \vec{\tau}_2 + \dots + \vec{\tau}_n &= 0 \\ \therefore \sum_{i=0}^n \vec{\tau}_i &= 0 \end{aligned}$$

જો પદાર્થ પરનું કુલ બળ અને કુલ ટોર્ક બંને શૂન્ય હોય તો પદાર્થ યાંત્રિક સંતુલનમાં છે તેમ કહેવાય

કોણીય વેગમાનનું સંરક્ષણ : જો અલગ કરેલા તંત્ર પર લાગતું બાહ્ય ટોર્ક શૂન્ય હોય તો તંત્રનું કુલ કોણીય વેગમાન અચળ રહે છે.

◇ $\frac{d\vec{L}}{dt} = \vec{\tau}_{(ext)}$ મુજબ $\vec{\tau}_{(ext)} = 0$ હોય તો

$$\frac{d\vec{L}}{dt} = 0 \text{ તેથી } \vec{L} = I\vec{\omega} = \text{અચળ}$$

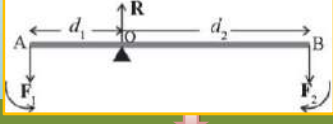
◇ $\therefore I_1 \omega_1 = I_2 \omega_2$

જડત્વની ચાકમાત્રા

ચાકમાત્રાનો સિદ્ધાંત : $F_1 = \text{ભાર}$, $d_1 = \text{ભાર ભુજ}$, $F_2 = \text{પ્રયાસ}$, $d_2 = \text{પ્રયાસ ભુજ}$

$$\therefore d_1 F_1 = d_2 F_2$$

યાંત્રિક લાભ : $M.A. = \frac{F_1}{F_2} = \frac{d_2}{d_1}$ ($d_2 > d_1$)



બુદા-બુદા દ્રઢ પદાર્થો માટે રોલિંગ ગતિ

બુદા-બુદા દ્રઢ પદાર્થોનો ક્રમશઃ પ્રવેગ :

$$a_{\text{નક્કર ગોળો}} > a_{\text{નક્કર નળાકાર}} > a_{\text{પોલો ગોળો}} > a_{\text{પોલો નળાકાર}}$$

બુદા-બુદા દ્રઢ પદાર્થોને શુદ્ધ ચાકગતિ માટે જરૂરી ક્રમશઃ ઘર્ષણ બળ :

$$f_{\text{પોલો નળાકાર}} > f_{\text{પોલો ગોળો}} > f_{\text{નક્કર નળાકાર}} > f_{\text{નક્કર ગોળો}}$$

બુદા-બુદા દ્રઢ પદાર્થોને શુદ્ધ ચાકગતિ માટે જરૂરી ન્યુનતમ ઘર્ષણાંક :

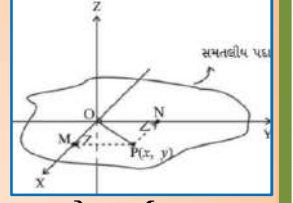
$$\mu_{\text{પોલો નળાકાર}} > \mu_{\text{પોલો ગોળો}} > \mu_{\text{નક્કર નળાકાર}} > \mu_{\text{નક્કર ગોળો}}$$

જડત્વની ચાકમાત્રા : $I = MR^2$

લંબ અક્ષાનું પ્રમેય :

જે સમતલમાં સ્થિત જડત્વની ચાકમાત્રા I_x અને I_y હોય તો તેને લંબ જડત્વની ચાકમાત્રા

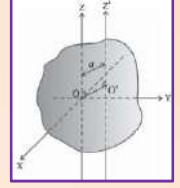
$$I_z = I_x + I_y$$



સમાંતર અક્ષાનું પ્રમેય :

કોઈ પણ અક્ષને અનુલક્ષીને જડત્વની ચાકમાત્રાએ પદાર્થના દ્રવ્યમાન કેન્દ્રમાંથી પસાર થતી સમાંતર અક્ષને અનુલક્ષીને જડત્વની ચાકમાત્રા અને પદાર્થના કુલ દળ અને જે સમાંતર અક્ષ વચ્ચેના લંબ અંતરના વર્ગના ગુણાકારના સરવાળા જેટલી હોય છે.

$$I = I_c + Md^2$$



સરક્યા વિના ગબડતા પદાર્થના દ્રવ્યમાન કેન્દ્રનો વેગ :

$$v_{cm} = R\omega$$

ચાકગતિઊર્જા : $K = \frac{1}{2} I\omega^2$

કુલગતિ ઊર્જા : $K = K_{રેખીય} + K_{ચાકગતિ}$

$$K = \frac{1}{2} Mv_{cm}^2 \left(1 + \frac{k^2}{R^2} \right)$$

ગબડતા દ્રઢ પદાર્થનો પ્રવેગ : $a = \frac{g \sin \theta}{1 + \frac{k^2}{R^2}}$

રેખીય ગતિ	ચાકગતિ
રેખીય સ્થાનાંતર, \vec{d}	કોણીય સ્થાનાંતર, θ
રેખીય વેગ, \vec{v}	કોણીય વેગ, $\vec{\omega}$
રેખીય પ્રવેગ, $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$	કોણીય પ્રવેગ, $\vec{\alpha} = \frac{d\vec{\omega}}{dt}$
દળ, m	જડત્વની ચાકમાત્રા, $I = mk^2$
રેખીય વેગમાન, $\vec{p} = m\vec{v}$	કોણીય વેગમાન, $\vec{L} = I\vec{\omega}$
બળ, $\vec{F} = m\vec{a}$	ટોર્ક, $\vec{\tau} = I\vec{\alpha}$
ન્યુટનનો બીજો નિયમ, $\vec{F} = \frac{d\vec{p}}{dt}$	ન્યુટનનો બીજો નિયમ, $\vec{\tau} = \frac{d\vec{L}}{dt}$
રેખીય ગતિઊર્જા, $K = \frac{1}{2} mv^2$	ચાકગતિ ઊર્જા, $K = \frac{1}{2} I\omega^2$
કાર્ય, $W = \vec{F} \cdot \vec{d}$	કાર્ય, $W = \vec{\tau} \cdot \theta$
પાવર, $P = \vec{F} \cdot \vec{v}$	પાવર, $P = \vec{\tau} \cdot \vec{\omega}$



પ્રકરણ - 8 ગુરુત્વાકર્ષણ

કેપ્લરના નિયમો

1. કક્ષાઓનો નિયમ : બધા ગ્રહો એવી દીર્ઘવૃત્તિય કક્ષાઓમાં ભ્રમણ કરે છે કે જેના એક કેન્દ્ર પર સૂર્ય રહેલો હોય.
2. ક્ષેત્રફળનો નિયમ : કોઈ પણ ગ્રહને સૂર્ય સાથે ખેડતી રેખા સમાન સમયગાળામાં સમાન ક્ષેત્રફળ આંતરે છે.
3. આવર્તકાળનો નિયમ : ગ્રહના પરિભ્રમણના આવર્તકાળનો વર્ગ તેણે રચેલા દીર્ઘવૃત્તની અર્ધદીર્ઘ અક્ષના ઘનના સમપ્રમાણમાં હોય છે.

ગુરુત્વાકર્ષણનો સાર્વત્રિક નિયમ

ન્યુટનનો ગુરુત્વાકર્ષણનો સાર્વત્રિક નિયમ :

$$\vec{F} = \frac{Gm_1m_2}{r^2} \hat{r}$$

G = ગુરુત્વાકર્ષણનો સાર્વત્રિક અચળાંક

$$= 6.67 \times 10^{-11} \text{Nm}^2\text{kg}^{-2}$$

કેપેલેન્ડેશો આપેલ G શોધવાનું સૂત્ર : $G = \frac{\tau\theta d^2}{MmL}$

પૃથ્વીની સપાટી પરના m દળના પદાર્થ પર લાગતું

$$\text{ગુરુત્વબળ} : F = G \frac{M_E m}{R_E^2}$$

ગુરુત્વબળ : દર્શાવેલા આકારમાં સંરક્ષી કેન્દ્રીય ગુરુ અંતરીય હોય છે અને માધ્યમ પર આધારિત નથી.

ગુરુત્વ પ્રવેગ

પૃથ્વીની સપાટી પર ગુરુત્વપ્રવેગ : $g = \frac{GM_E}{R_E^2}$

પૃથ્વીની સપાટી થી r અંતરે ગુરુત્વપ્રવેગ : $g(r) = \frac{GM_E}{r^2}$

પૃથ્વીની સપાટી થી h ઊંચાઈએ ગુરુત્વપ્રવેગ : $g(h) = g \left(1 + \frac{h}{R_E}\right)^{-2}$

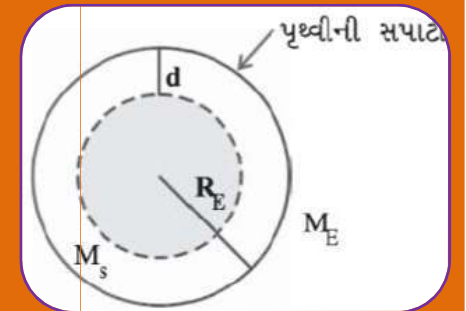
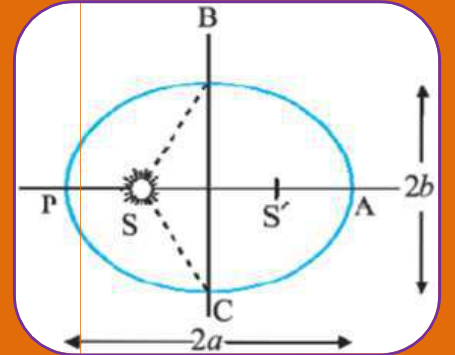
$h \ll R_E$: $g(h) = g \left(1 - \frac{2h}{R_E}\right)$

પૃથ્વીની સપાટી થી d ઊંચાઈએ ગુરુત્વપ્રવેગ : $g(d) = g \left(1 - \frac{d}{R_E}\right)$

પૃથ્વીના અક્ષાંશ સાથે ગુરુત્વપ્રવેગમાં ફેરફાર : $g_\lambda = g - R_E \omega^2 \cos^2 \lambda$

જ્યાં વિષુવવૃત્ત પર $\lambda = 0^\circ$, $\therefore g_{\lambda \min} = g - R_E \omega^2$

જ્યાં ધ્રુવ પર $\lambda = 90^\circ$, $\therefore g_{\lambda \max} = g$



ગુરુત્વ સ્થિતિઊર્જા

પૃથ્વીની સપાટીથી h ઊંચાઈએ સ્થિતિઊર્જા : $U = mgh$

m દળના r અંતરે રહેલા પદાર્થની ગુરુત્વસ્થિતિઊર્જા : $U(r) = -G \frac{M_E m}{r}$

m_1 અને m_2 દળના બે કણો વચ્ચે અંતર r હોય તો તેમની સાથે સંકળાયેલ સ્થિતિઊર્જા : $U = -G \frac{m_1 m_2}{r}$

નિષ્ક્રમણ ઝડપ

✎ h ઊંચાઈએથી પદાર્થને ગુરુત્વક્ષેત્રમાંથી મુક્ત કરવા જરૂરી લઘુત્તમ ઝડપ (નિષ્ક્રમણ ઝડપ):

$$(v_i)_{min} = \sqrt{\frac{2GM_E}{(h + R_E)}}$$

✎ પૃથ્વીની સપાટી પરના પદાર્થ માટે $h = 0$ હોવાથી :

$$(v_i)_{min} = \sqrt{\frac{2GM_E}{R_E}} = \sqrt{2gR_E}$$

✧ પૃથ્વીની સપાટી પર નિષ્ક્રમણ ઝડપ : $(v_i)_{min} = 11.2 \text{ Km/s}$

✧ ચંદ્રની સપાટી પર નિષ્ક્રમણ ઝડપ : $(v_i)_{min} = 2.3 \text{ Km/s}$

✧ નિષ્ક્રમણ ઝડપ એ પદાર્થના દળથી સ્વતંત્ર છે.

પૃથ્વીના ઉપગ્રહો

ધ્રુવીય ઉપગ્રહો

✎ આવર્તકાળ : 100 min

✎ પૃથ્વીની આસપાસ ઉત્તર-દક્ષિણ દિશામાં ધ્રુવોની ફરતે ભ્રમણ કરે છે.

✎ પૃથ્વીની સપાટીથી ઊંચાઈ :
500 થી 800 Km

✎ ઉપયોગ : સીમોટ સેન્સિંગ, હવામાનશાસ્ત્ર, પૃથ્વીના પર્યાવરણના અભ્યાસમાં ખૂબ ઉપયોગી છે.

ભૂરિચર ઉપગ્રહો

✎ આવર્તકાળ : 24 hours

✎ પૃથ્વીની આસપાસ વિષુવવૃત્તીય સમતલમાં વર્તુળાકાર કક્ષામાં પૃથ્વીના આવર્તકાળ (24 કલાક) જેટલો આવર્તકાળ ધરાવતા ઉપગ્રહોને ભૂરિચર ઉપગ્રહ કહે છે.

✎ પૃથ્વીની સપાટીથી ઊંચાઈ :
36000 Km

✎ ઉપયોગ : GPS, રેડીયો બ્રોડકાસ્ટ, TV બ્રોડકાસ્ટ વગેરે

✎ ઉપગ્રહની કક્ષીય ઝડપ :

✧ પૃથ્વીની સપાટીથી h ઊંચાઈએ ઉપગ્રહને તેની કક્ષામાં પરિભ્રમણ માટે જરૂરી લઘુત્તમ કક્ષીય ઝડપ :

$$v_o = \sqrt{\frac{GM_E}{(R_E + h)}} = R_E \sqrt{\frac{g}{R_E + h}}$$

✧ ઉપગ્રહ એ પૃથ્વીની સપાટીની નજીક પરિભ્રમણ કરતો હોય તો $h = 0$ તેથી

$$v_o = \sqrt{\frac{GM_E}{R_E}} = \sqrt{gR_E}$$

✎ ઉપગ્રહનો આવર્તકાળ :

$$T = \frac{2\pi(R_E + h)}{v_o} = \frac{2\pi(R_E + h)^{\frac{3}{2}}}{\sqrt{GM_E}} = \frac{2\pi}{R_E} \sqrt{\frac{(R_E + h)^3}{g}}$$

✧ ઉપગ્રહ એ પૃથ્વીની સપાટીની નજીક પરિભ્રમણ કરતો હોય તો $h = 0$ તેથી

$$T = \frac{2\pi R_E}{v_o} = \frac{2\pi R_E^{\frac{3}{2}}}{\sqrt{GM_E}} = 2\pi \sqrt{\frac{R_E}{g}}$$

✎ ઉપગ્રહની ઊર્જા :

✧ ગતિ ઊર્જા : $K = \frac{GM_E m}{2(R_E + h)}$

✧ સ્થિતિ ઊર્જા : $U = -\frac{GM_E m}{(R_E + h)}$

✧ કુલ ઊર્જા : $E = K + U$; $E = -\frac{GM_E m}{2(R_E + h)}$

✧ ઊર્જાઓ વચ્ચેનો સંબંધ : $E = -K = \frac{U}{2}$

Created By :-

A. G. Momin

Sudhir Gambhava



પ્રકરણ - 9 ઘન પદાર્થોના યાંત્રિક ગુણધર્મો

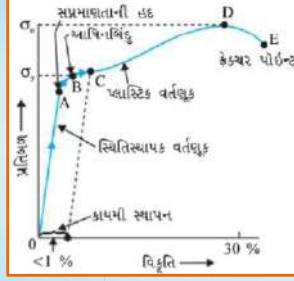
ઘનપદાર્થોની સ્થિતિસ્થાપક વર્તણૂક

ઘન પદાર્થમાં દરેક પરમાણુઓ કે અણુઓ એ આંતર પરમાણ્વીક કે આંતર આણ્વીક બળો વડે એકબીજાં સાથે જકડાયેલાં હોય છે અને સ્થાયી સંતુલિત અવસ્થામાં રહે છે.

સ્થિતિસ્થાપક પદાર્થોમાં વિરૂપકબળ લાગતા પરમાણુઓ કે અણુઓ સંતુલિત અવસ્થામાંથી સ્થાનાંતરિત થાય છે અને વિરૂપકબળ દુર કરતા મૂળ આકાર અને પરિમાણ પુનઃપ્રાપ્ત કરે છે.

પ્રતિબળ-વિફૂતિ વક્ર

- સપ્રમાણતાની હદ C D
- આધિનબિંદુ C D
- કાયમી સ્થાપન C D
- અંતિમ પ્રબળતા બિંદુ C D
- ફેક્ચર પોઇન્ટ C D



દ્રવ્યોની સ્થિતિસ્થાપક વર્તણૂકનો ઉપયોગ

સ્થિતિસ્થાપકીય સ્થિતિ-ઊર્જા (U) :

$$W = \frac{1}{2} (\text{પ્રતિબળ}) (\text{વિફૂતિ}) (\text{કદ})$$

$$U = \frac{1}{2} \frac{AY}{L} (\Delta L)^2$$

સ્લીલના કેબલના આડછેદનું ક્ષેત્રફળ A હોય અને તેના વડે ભંચવાનો બોજ (દળ) M હોય, તો $A = \frac{Mg}{\sigma_n}$

$$\delta = \frac{WL^3}{4bd^3Y}$$

પ્રતિબળ અને વિફૂતિ

પ્રતિબળ : $\sigma = \frac{F}{A}$ (તણાવ પ્રતિબળ અને દાબીય પ્રતિબળ)

$$\text{કદ પ્રતિબળ} : \sigma_V = \frac{F}{A} = \frac{PA}{A} = P$$

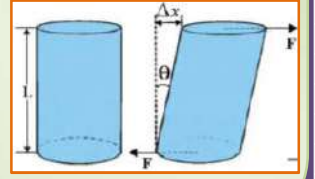
$$\text{આકાર પ્રતિબળ} : \sigma_s = \frac{F_t (\text{સ્પર્શીય બળ})}{A}$$

વિફૂતિ = $\frac{\text{મૂળપરિમાણમાં થતો ફેરફાર}}{\text{મૂળપરિમાણ}}$

$$\text{પ્રતાન (સંગત) વિફૂતિ} : \epsilon_l = \frac{\Delta l}{l}$$

$$\text{કદ વિફૂતિ} : \epsilon_V = \frac{\Delta V}{V}$$

$$\text{આકાર વિફૂતિ} : \epsilon_s = \frac{x}{h} = \tan \theta$$



હૂકનો નિયમ

હૂકનો નિયમ : પ્રતિબળ \propto વિફૂતિ
પ્રતિબળ = $k \times$ વિફૂતિ

જ્યાં k = સ્થિતિસ્થાપક અંક

સ્થિતિસ્થાપક અંકો

યંગ મોડ્યુલસ : $\sigma_l = Y \epsilon_l$

$$\text{યંગ મોડ્યુલસ } Y = \frac{\text{પ્રતાન પ્રતિબળ}(\sigma_l)}{\text{પ્રતાન વિફૂતિ}(\epsilon_l)}$$

$$Y = \frac{FL}{A \Delta L} = \frac{mgL}{\pi r^2 \Delta L}$$

કદ સ્થિતિસ્થાપકતા-અંક (બલ્ક મોડ્યુલસ) :

$$B = \frac{\text{કદ પ્રતિબળ}(\sigma_V)}{\text{કદ વિફૂતિ}(\epsilon_V)} = - \frac{P}{\Delta V/V}$$

આકાર સ્થિતિસ્થાપકતા-અંક (શીઅર મોડ્યુલસ) :

$$G = \frac{\text{આકાર પ્રતિબળ}(\sigma_s)}{\text{આકાર વિફૂતિ}(\epsilon_s)} = \frac{F_t/A}{\theta} = \frac{F_t h}{Ax}$$

પોઇસનનો ગુણોત્તર : $\mu = - \frac{\text{પાર્શ્વિક વિફૂતિ}(\frac{\Delta d}{d})}{\text{પ્રતાન વિફૂતિ}(\frac{\Delta l}{l})}$



પ્રકરણ - 10 તરલના યાંત્રિક ગુણધર્મો

દબાણ

તરલ દબાણ : સંપર્કમાં રહેલી સપાટીનાં દર એકમ ક્ષેત્રફળ પર લાગતાં બળને દબાણ કહે છે.

$$P = \frac{F}{A}$$

દબાણ એ અદિશ રાશિ છે.

SI એકમ : પાસ્કલ(Pa) અથવા Nm^{-2}

અન્ય એકમો : $1 atm = 1.013 \times 10^5 Pa$

$1 Bar = 10^6 dyne/cm^2 = 10^5 Nm^{-2}$

$1 torr = 1mm \text{ of Hg} = 133 Pa$

પારિમાણિક સૂત્ર : $[M^1L^{-1}T^{-2}]$

પાસ્કલનો નિયમ : સ્થિર તરલમાં એક સમાન ઊંચાઈએ આવેલાં બધાં બિંદુઓએ દબાણ

એકસરખું હોય છે. $\frac{F_1}{A_1} = \frac{F_2}{A_2}$

ઊંડાઈ સાથે દબાણમાં ફેરફાર (ગેજ દબાણ) :

$$P - P_a = h\rho g$$

ઘનતા

ઘનતા : $\rho = \frac{m}{V}$

એકમ : $kg m^{-3}$

પારિમાણિક સૂત્ર : $[M^1L^{-3}T^0]$

વિશિષ્ટ ઘનતા :

વિશિષ્ટ ઘનતા = $\frac{\text{પદાર્થની ઘનતા}}{277 K \text{ તાપમાને પાણીની ઘનતા}}$

પદાર્થની વિશિષ્ટ ઘનતા

= $\frac{\text{પદાર્થનું દળ}}{277 K \text{ તાપમાને તેટલાજ કદમાં પાણીનું કદ}}$

મીથણની ઘનતા = $\frac{\rho_1 V_1 + \rho_2 V_2 + \rho_3 V_3 + \dots}{V_1 + V_2 + V_3 + \dots}$

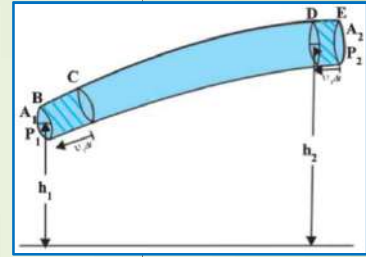
ધારારેખી વહન

સ્થાયી વહન : જો આપેલ બિંદુએ પસાર થતા તરલના દરેક કણનો વેગ સમય સાથે અફર રહેતો હોય, તો તેવા વહનને સ્થાયી વહન કહે છે.

સાતત્ય સમીકરણ : $A_1 v_1 = A_2 v_2$; $Av = \text{અચળ}$

બર્નુલીનું સમીકરણ : $P + \frac{1}{2} \rho v^2 + h\rho g = \text{અચળ}$

(દબાણ + ગતિઊર્જા ઘનતા + સ્થિતિઊર્જા ઘનતા = અચળ)



$\frac{P}{\rho g} + \frac{v^2}{2g} + y = \text{અચળ}$

(પ્રેશર હેડ + વેલોસિટી હેડ + એલીવેશન હેડ = અચળ)

ટોરિસેલીનો નિયમ :

સામાન્ય સૂત્ર : $v_1 = \sqrt{2gh + \frac{2(P-P_a)}{\rho}}$

જો ટાંકી વાતાવરણમાં ખુલ્લી હોય તો $P = P_a$

તેથી $v_1 = \sqrt{2gh}$

જ્યારે $P \gg P_a$ ત્યારે $2gh$ અવગણી શકાય

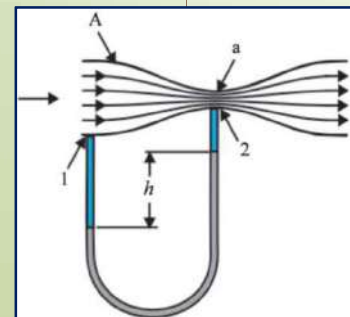
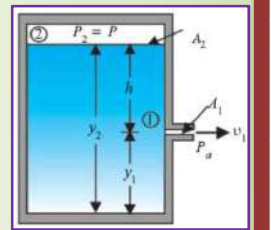
$v_1 = \sqrt{\frac{2(P-P_a)}{\rho}}$

સમક્ષિતિજ અવધી :

$$R = v_1 t = \sqrt{2gh} \times \sqrt{\frac{2(H-h)}{g}} = 2\sqrt{h(H-h)}$$

વેન્યુરિમીટર :

$$v_1 = \sqrt{\frac{2h\rho_m g}{\rho} \times \frac{a^2}{A^2 - a^2}}$$



પૃષ્ઠતાણ

❧ પૃષ્ઠતાણ : $S = \frac{F}{L} = \frac{E}{A}$

❧ કાર્ય(પૃષ્ઠઊર્જા) = પૃષ્ઠતાણ \times ક્ષેત્રફળ

$$E = S\Delta A$$

❧ પ્રવાહી બુંદ કે પ્રવાહીમાં રહેલ પરપોટા માટે $E = 4\pi r^2 S$

❧ સબુના પરપોટા માટે $E = 8\pi r^2 S$

❧ પરિણામી દબાણ : $P_{ext} = P_i - P_o$

❧ પ્રવાહી બુંદ કે પ્રવાહીમાં રહેલ પરપોટા માટે $P_{ext} = \frac{2S}{R}$

❧ સબુના પરપોટા માટે $P_{ext} = \frac{4S}{R}$

કેશાકર્ષણ

❧ કેશનળીમાં પ્રવાહીની ઊંચાઈ :

$$\diamond h = \frac{2S \cos \theta}{\rho g}$$

❧ કેશનળીમાં પ્રવાહીનું પૃષ્ઠતાણ :

$$\diamond S = \frac{ah\rho g}{2 \cos \theta}$$

❧ $\theta < 90^\circ$ તો કેશનળીમાં પ્રવાહી ઉપર ચઢે

($h =$ ધન) (અંતર્ગોળ મિનિસ્કસ)

❧ $\theta > 90^\circ$ તો કેશનળીમાં પ્રવાહી ઉતરે ચઢે

($h =$ ઋણ) (બહિર્ગોળ મિનિસ્કસ)

Created By
A.G. Momin
Sudhir Gambhava

શ્યાનતા(ચિન્નઘટા)

❧ શ્યાનતા ગુણાંક : $\eta = \frac{F/A}{v/l} = \frac{Fl}{vA}$

❧ એકમ : પોઇસિલ (PL) અથવા

$$N s m^{-2} \text{ અથવા } Pa s$$

❧ પારિમાણિક સૂત્ર : $[M^1 L^{-1} T^{-1}]$

❧ શ્યાનતા બળ : $F = \eta A \frac{dv}{dx}$

❧ પોઇસિલનો નિયમ : નળીમાંથી દર સેકન્ડે વહેતા

પ્રવાહીનું કદ $V = \frac{\pi P r^4}{8\eta l}$

❧ નળીની અક્ષથી 'x' અંતરે રહેલા સ્તરના વેગનું

સૂત્ર : $v = \frac{P}{4\eta l} (r^2 - x^2)$

સ્ટોક્સનો નિયમ

❧ સ્ટોક્સનો નિયમ : $F = 6\pi\eta av$

❧ તરલમાં ગોળાનો અંતિમ વેગ (Terminal Velocity) :

$$v_t = \frac{2}{9} \frac{a^2 g}{\eta} (\rho - \sigma)$$

રેનોલ્ડ્ઝ અંક

❧ રેનોલ્ડ્ઝ અંક : $R_e = \frac{\rho v d}{\eta}$

❧ $R_e < 1000$ માટે સ્થાયી વહન (ધારા રેખી)

❧ $1000 < R_e < 2000$ માટે અસ્થાયી વહન (મીથ્રવહન)

❧ $R_e > 2000$ માટે પ્રક્ષુબ્ધ (ચક્રીયવહન)



પ્રકરણ - 11 દ્રવ્યના ઉષ્મીય ગુણધર્મો

તાપમાન અને ઉષ્મા

ઉષ્મા એ ઊર્જાનું એવું સ્વરૂપ છે જેનું વહન બે તંત્રો વચ્ચે અથવા કોઈ તંત્ર અને પરિસર વચ્ચે તાપમાનના તફાવતને કારણે થાય છે.

તાપમાનનું માપન

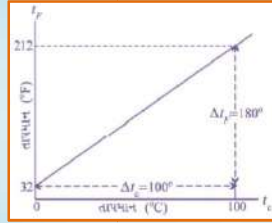
ફેરનહીટ અને સેલ્સિયસ એકમો વચ્ચેનો સંબંધ :

$$\frac{t_F - 32}{180} = \frac{t_C}{100}$$

અથવા $t_F = \left(\frac{9}{5}\right)t_C + 32$

તાપમાનના એકમોનું રૂપાંતર :

$$\frac{C}{5} = \frac{F - 32}{9} = \frac{K - 273}{5}$$



આદર્શ વાયુ સમીકરણ અને નિરપેક્ષ તાપમાન

આદર્શવાયુ સમીકરણ : $PV = \mu RT$

જ્યાં, R = સાર્વત્રિક વાયુ નિયતાંક,

$$R = 8.31 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$$

આદર્શ વાયુ માટે નિરપેક્ષ લઘુત્તમ તાપમાનનું મૂલ્ય -273.15°C મળે છે.

કેલ્વિન અને સેલ્સિયસ માપકમો પર તાપમાનનો સંબંધ : $T = t_C + 273.15$

ઉષ્મીય પ્રસરણ

રેખીય પ્રસરણ : $\frac{\Delta l}{l} = \alpha_l \Delta T$

પૃષ્ઠ - પ્રસરણ : $\frac{\Delta A}{A} = 2\alpha_l \Delta T$

કદ - પ્રસરણ : $\frac{\Delta V}{V} = 3\alpha_l \Delta T$

વિશિષ્ટ ઉષ્માધારિતા

ઉષ્માધારિતા : $S = \frac{\Delta Q}{\Delta T}$

વિશિષ્ટ ઉષ્માધારિતા : $s = \frac{S}{m} = \frac{1}{m} \left(\frac{\Delta Q}{\Delta T}\right)$

મોલર વિશિષ્ટ ઉષ્માધારિતા : $C = \frac{S}{\mu} = \frac{1}{\mu} \left(\frac{\Delta Q}{\Delta T}\right)$

અચળ દબાણે મોલર વિશિષ્ટ ઉષ્માધારિતા (C_p) :

જે ઉષ્માના વિનિમય દરમિયાન વાયુનું દબાણ અચળ રાખવામાં આવે તો તેને આપેલા અચળ દબાણે મોલર વિશિષ્ટ ઉષ્માધારિતા (C_p) કહે છે.

અચળ કદે મોલર વિશિષ્ટ ઉષ્માધારિતા (C_v) :

જે ઉષ્માના વિનિમય દરમિયાન વાયુનું કદ અચળ રાખવામાં આવે તો તેને આપેલા અચળ કદે મોલર વિશિષ્ટ ઉષ્માધારિતા (C_v) કહે છે.

કેલોરિમેટ્રી

અલગ કરેલું તંત્ર : તંત્ર અને તેના પરિસર વચ્ચે ઉષ્માનું આદાન-પ્રદાન અથવા વિનિમય થતો ન હોય તો તેવા તંત્રને અલગ કરેલું તંત્ર કહે છે.

કેલોરિમીટર : ઉષ્માનું માપન કરી શકાય એવી રચનાને કેલોરિમીટર કહે છે.

અવસ્થાનો ફેરફાર

ગલન : ઘન અવસ્થામાંથી પ્રવાહી અવસ્થામાં થતાં રૂપાંતરને ગલન કહે છે.

ઠારણ : પ્રવાહી અવસ્થામાંથી ઘન અવસ્થામાં થતાં રૂપાંતરને ઠારણ કહે છે.

બાષ્પીકરણ : પ્રવાહી-અવસ્થામાંથી વરાળ(વાયુ)માં થતા રૂપાંતરને બાષ્પીકરણ કહે છે.

ઊર્ધ્વ પાતન : પ્રવાહી અવસ્થામાં રૂપાંતર થયા વગર ઘન અવસ્થામાંથી વાયુ-અવસ્થામાં થતાં રૂપાંતરને ઊર્ધ્વ પાતન કહે છે.

ગલનબિંદુ : જે તાપમાને પદાર્થની ઘન અને પ્રવાહી અવસ્થાઓ એકબીજા સાથે ઉષ્મીય સંતુલનમાં હોય છે તે તાપમાનને પદાર્થનું ગલનબિંદુ કહે છે.

ઉત્કલનબિંદુ : જે તાપમાને પ્રવાહી અને વાયુ ઉષ્મીય સંતુલનમાં સહઅસ્તિત્વ ધરાવે છે. તે તાપમાનને પદાર્થનું ઉત્કલનબિંદુ કહે છે.

ઉષ્માનું પ્રસરણ

ઉષ્માવહન

પદાર્થના પાસપાસેના બે વિભાગો વચ્ચે તાપમાનના તફાવતને કારણે ઉષ્માના પ્રસરણ થવાની યાંત્રિક પ્રક્રિયાને ઉષ્માવહન કહે છે.

ઉષ્માવહનનો દર (ઉષ્માપ્રવાહ) :

$$H = \frac{Q}{t} = KA \left(\frac{T_1 - T_2}{L} \right)$$

ઉષ્માવાહકતા : $K = \frac{H}{A \left(\frac{dT}{dx} \right)}$

ઉષ્મીય અવરોધ : $R_H = \frac{(T_1 - T_2)}{H} = \frac{L}{KA}$

શ્રેણી જોડાણ માટે ઉષ્મીય અવરોધ :

$$(R_H)_S = (R_H)_1 + (R_H)_2$$

સમાંતર જોડાણ માટે ઉષ્મીય અવરોધ :

$$\frac{1}{(R_H)_P} = \frac{1}{(R_H)_1} + \frac{1}{(R_H)_2}$$

ઉષ્માનયન

દ્રવ્યની વાસ્તવિક ગતિ વ્દારા થતા ઉષ્મા સ્થાનાંતરના પ્રચલિત પ્રકારને ઉષ્માનયન કહે છે.

ઉષ્માનયન માત્ર તરલ પદાર્થોમાં શક્ય છે.

ઉષ્માનયન એ ઘનતાના તફાવતને કારણે થાય છે.

ગુપ્ત ઉષ્મા

એક અવસ્થામાંથી બીજી અવસ્થામાં રૂપાંતર પામતાં પદાર્થનું દળ m અને તે માટે જરૂરી ઉષ્માનો જથ્થો Q હોય તો $Q = mL$

ગુપ્ત ઉષ્મા $L = \frac{Q}{m}$

ગલન ગુપ્તઉષ્મા (L_f) : ઘન-પ્રવાહી અવસ્થા ફેરફાર માટેની ગુપ્તઉષ્માને ગલન ગુપ્તઉષ્મા (L_f) કહે છે.

$$L_f = 3.33 \times 10^5 \text{ J/kg} = 80 \text{ k cal/kg}$$

ઉત્કલન ગુપ્તઉષ્મા (L_v) : પ્રવાહી-વાયુ અવસ્થા ફેરફાર માટેની ગુપ્તઉષ્માને ઉત્કલન ગુપ્તઉષ્મા (L_v) કહે છે.

$$L_v = 22.6 \times 10^5 \text{ J/kg} = 540 \text{ k cal/kg}$$

ઉષ્માવિકિરણ

જે ઉષ્મા પ્રસરણમાં માધ્યમની આવશ્યકતા હોતી નથી તેને ઉષ્માવિકિરણ કહે છે. તથા વિદ્યુતચુંકીય તરંગો વ્દારા ઉત્સર્જિત ઊર્જાને વિકિરણઊર્જા કહે છે.

કાળા પદાર્થનું વિકિરણ

વીન-સ્થાનાંતર નિયમ :

$\lambda_m T = \text{અચળ}$

વીન-અચળાંક = $2.9 \times 10^{-3} \text{ m K}$

રિટ્ઝન જોલ્ડ્રામેન નિયમ :

$$H = Ae\sigma T^4$$

ઉત્સર્જક પદાર્થ માટે વિકિરણ ઊર્જા ગુમાવવાનો

ચોખ્ખો દર : $H = Ae\sigma(T^4 - T_s^4)$

જ્યાં e = પદાર્થની ઉત્સર્જકતા (કાળા પદાર્થ માટે $e = 1$)

સોલર-અચળાંક : $S_0 = \frac{H}{4\pi R_0^2} = \frac{\sigma 4\pi R_s^2 T^4}{4\pi R_0^2}$

ન્યૂટનનો શીતનનો નિયમ

ન્યૂટનનો શીતનનો નિયમ :

કોઈ પદાર્થના ઉષ્મા ગુમાવવાનો દર $-\frac{dQ}{dt}$ પદાર્થ અને તેના પરિસર વચ્ચેનાં તાપમાનના તફાવત $\Delta T = (T_2 - T_1)$ ને સપ્રમાણ હોય છે.

$$-\frac{dQ}{dt} = k(T_2 - T_1)$$



પ્રકરણ - 12 થર્મોડાયનેમિક્સ

તાપીય સંતુલન

❏ સંતુલન : જો તંત્રને દર્શાવતી સ્થૂળ ચલરાશિઓ સમય સાથે બદલાતી ન હોય, તો તંત્ર સંતુલનની અવસ્થામાં છે તેમ કહેવાય.

થર્મોડાયનેમિક્સનો શૂન્ય ક્રમનો નિયમ

❏ થર્મોડાયનેમિક્સનો શૂન્ય ક્રમનો નિયમ : “જે તંત્રો સ્વતંત્ર રીતે કોઈ ત્રીજા તંત્ર સાથે તાપીય સંતુલનમાં રહેલા હોય તો તેઓ એકબીજા સાથે પણ તાપીય સંતુલનમાં હોય”

$$\diamond T_A = T_C \quad T_B = T_C \quad \therefore T_A = T_B$$

ઉષ્મા, આંતરિકઊર્જા અને કાર્ય

❏ ઉષ્મા : ઉષ્મા ચોક્કસપણે ઊર્જા તો છે, પરંતુ તે વહન પામતી ઊર્જા જ છે.

❏ થર્મોડાયનેમિક્સમાં ઉષ્મા અને કાર્ય એ અવસ્થા ચલો નથી. તે તંત્રમાં ઊર્જા વિનિમય દર્શાવે છે જે તેની આંતરિક ઊર્જામાં ફેરફાર કરે છે, જે અવસ્થા ચલરાશિ છે.

થર્મોડાયનેમિક્સનો પ્રથમ નિયમ

❏ થર્મોડાયનેમિક્સનો પ્રથમ નિયમ : તંત્રને આપવામાં આવેલી ઉષ્મા નો થોડો ભાગ તંત્રની આંતરિક ઊર્જામાં, જ્યારે બાકીનો ભાગ પરિસર પર થતા કાર્ય માં જાય છે.

$$\diamond \Delta Q = \Delta U + \Delta W$$

❏ તંત્ર દ્વારા અચળ દબાણ P માટે થયેલ કાર્ય :

$$W = P\Delta V$$

❏ તંત્ર દ્વારા અચળ કદ V માટે થયેલ કાર્ય :

$$W = 0$$

વિશિષ્ટ ઉષ્માધારિતા

❏ ઉષ્માધારિતા : $S = \frac{\Delta Q}{\Delta T}$

❏ વિશિષ્ટ ઉષ્માધારિતા : $s = \frac{S}{m} = \frac{1}{m} \left(\frac{\Delta Q}{\Delta T} \right)$

❏ મોલર વિશિષ્ટ ઉષ્માધારિતા : $C = \frac{S}{\mu} = \frac{1}{\mu} \left(\frac{\Delta Q}{\Delta T} \right)$

❏ C_p અને C_v વચ્ચેનો સંબંધ :

$$\diamond C_p - C_v = R ; C_p = \frac{fR}{2} + R ; C_v = \frac{fR}{2}$$

$$\diamond \frac{C_p}{C_v} = \gamma = 1 + \frac{2}{f}$$

થર્મોડાયનેમિક્સ અવસ્થા ચલરાશિઓ

❏ થર્મોડાયનેમિક તંત્રની દરેક સંતુલિત અવસ્થા અમુક સ્થૂળ ચલરાશિઓનાં ચોક્કસ મૂલ્યો વડે દર્શાવી શકાય છે; જેમને અવસ્થા ચલરાશિઓ પણ કહે છે.

❏ દા.ત. દબાણ, કદ, તાપમાન અને દળ

❏ એક્સ્ટેન્સિવ ચલરાશિઓ : આંતરિક ઊર્જા, કદ, કુલ દળ

❏ ઇન્ટેન્સિવ ચલરાશિઓ : દબાણ, તાપમાન

થર્મોડાયનેમિક પ્રક્રિયાઓ

❏ ક્વોન્સાઇ સ્ટેટિક(અર્ધસ્થાયી) પ્રક્રિયા : જે પ્રક્રિયા સૈદ્ધાંતિક રીતે અત્યંત ધીમી અને દરેક સ્થિતિમાં તંત્ર સંતુલિત અવસ્થામાં હોય તો આવી પ્રક્રિયાને અર્ધસ્થાયી કહે છે.

❏ સમતાપી પ્રક્રિયા : તંત્રનું તાપમાન અચળ રહેતું હોય.

$$PV = \text{અચળ}$$

❏ સમોષ્મી પ્રક્રિયા : તંત્ર અને પરિસર વચ્ચે ઉષ્માનું વહન થતું નથી.

$$PV^\gamma = \text{અચળ}$$

❏ સમકદ પ્રક્રિયા : કદ અચળ રહે તેવી પ્રક્રિયા.

❏ સમદબાણ પ્રક્રિયા : દબાણ અચળ રહે તેવી પ્રક્રિયા.

❏ ચક્રીય પ્રક્રિયા : ચક્રીય પ્રક્રિયામાં તંત્ર તેની પ્રારંભિક અવસ્થા સુધી પાછું આવે છે.

ઉષ્મા એન્જિનો

ઉષ્મા એન્જિનની કાર્યક્ષમતા $\eta = \frac{W}{Q_1}$

થર્મોડાયનેમિક્સના પ્રથમ નિયમ મુજબ :

$$W = Q_1 - Q_2; \quad \therefore \eta = 1 - \frac{Q_2}{Q_1}$$

100 % કાર્યક્ષમતા માટે $Q_2 = 0$; $\therefore \eta = 1$

રેફ્રિજરેટરો અને હીટ (ઉષ્મા) પંપ

રેફ્રિજરેટરનો પરફોર્મન્સ (કાર્ય સિદ્ધિ) ગુણાંક :

$$\alpha = \frac{Q_2}{W}$$

ઉષ્ણ પરિસ્થિતિમાં મુક્ત થયેલ ઉષ્મા :

$$Q_1 = W + Q_2$$
$$\therefore \alpha = \frac{Q_2}{Q_1 - Q_2}$$

કાર્નોટ એન્જિન

કાર્નોટ એન્જિન એક ચક્ર દરમિયાન તબક્કાઓ :

તબક્કો 1 → 2 (સમતાપી વિસ્તરણ) : કાર્ય $W_{1 \rightarrow 2} = Q_1 = \mu R T_1 \ln \left(\frac{V_2}{V_1} \right)$

તબક્કો 2 → 3 (સમોષ્મી વિસ્તરણ) : કાર્ય $W_{2 \rightarrow 3} = \frac{\mu R (T_1 - T_2)}{\gamma - 1}$

તબક્કો 3 → 4 (સમતાપી વિસ્તરણ) : કાર્ય $W_{3 \rightarrow 4} = Q_2 = \mu R T_2 \ln \left(\frac{V_3}{V_4} \right)$

તબક્કો 4 → 1 (સમોષ્મી વિસ્તરણ) : કાર્ય $W_{4 \rightarrow 1} = \frac{\mu R (T_1 - T_2)}{\gamma - 1}$

કુલ કાર્ય : $W = \mu R T_1 \ln \left(\frac{V_2}{V_1} \right) - \mu R T_2 \ln \left(\frac{V_3}{V_4} \right)$

કાર્નોટ એન્જિનની કાર્યક્ષમતા : $\eta = \frac{W}{Q_1} = 1 - \frac{Q_2}{Q_1} = 1 - \left(\frac{T_2}{T_1} \right) \frac{\ln \left(\frac{V_3}{V_4} \right)}{\ln \left(\frac{V_2}{V_1} \right)} = 1 - \frac{T_2}{T_1}$

થર્મોડાયનેમિક્સનો બીજો નિયમ

કેલ્વિન-પ્લાન્કનું કથન : એવી કોઈ પ્રક્રિયા શક્ય નથી જેના એકમાત્ર પરિણામરૂપે ઉષ્મા પ્રાપ્તિસ્થાન (પરિસર) માંથી ઉષ્માનું શોષણ થઈ પૂરેપૂરી ઉષ્માનું કાર્યમાં રૂપાંતર થાય.

ક્લોસિયસનું કથન : એવી પ્રક્રિયા શક્ય નથી જેના એકમાત્ર પરિણામરૂપે ઉષ્માનો વિનિમય (વહન) ઠંડા પદાર્થથી ગરમ પદાર્થ તરફ થાય.

પ્રતિવર્તી અને અપ્રતિવર્તી પ્રક્રિયાઓ

પ્રતિવર્તી પ્રક્રિયા : જે પ્રક્રિયાને ઊલટાવી શકાય કે જેથી બંને તંત્ર અને પરિસર વિશ્વમાં બીજે કયાંય કોઈ ફેરફાર વગર તેમની પ્રારંભિક અવસ્થાઓ સુધી પહોંચે તો આ પ્રક્રિયાને પ્રતિવર્તી કહેવાય.

અપ્રતિવર્તી પ્રક્રિયા : જે પ્રક્રિયાને ઊલટાવી શકાય નહીં કે તેમની પ્રારંભિક અવસ્થાઓ સુધી પાછી લાવી શકાય નહીં તેવી પ્રક્રિયાને અપ્રતિવર્તી કહેવાય.



પ્રકરણ - 13 ગતિવાદ (Kinetic Theory)

દ્રવ્યનું આણ્વિક રૂપ

❏ રિચાર્ડ ફિનમેનનો મત : 'દ્રવ્ય(પદાર્થ) પરમાણુઓનું બનેલું છે.'

❏ ડાલ્ટનનું સુચન : કોઈ સંયોજનના નાનામાં નાના કણો પરમાણુઓ છે. એક તત્વના પરમાણુઓ એક સમાન હોય છે.

❏ ગેલ્યુસેકનો નિયમ : જ્યારે વાયુઓ રાસાયણિક પ્રક્રિયા વડે સંયોજનને બીજા વાયુ બનાવે ત્યારે, તેમના કદનો ગુણોત્તર નાની પરંતુ ચોક્કસ પૂર્ણાંક સંખ્યામાં હોય છે.

❏ એવોગેડ્રોનો નિયમ : સમાન તાપમાન અને દબાણે રહેલા, એક્સરખું કદ ધરાવતા, દરેક વાયુમાં અણુઓની સંખ્યા એક્સરખી હોય છે.

વાયુઓની વર્તણૂક

❏ આદર્શવાયુ સમીકરણ : $PV = \mu RT$

❖ જ્યાં μ = મોલ સંખ્યા ; $\mu = \frac{M}{M_0} = \frac{N}{N_A}$

❖ જ્યાં $R = N_A k_B = 8.314 \text{ Jmol}^{-1} \text{ K}^{-1}$

❖ $PV = k_B NT$

❖ જ્યાં k_B = બોલ્ટ્ઝમેન અચળાંક = $1.38 \times 10^{-23} \text{ JK}^{-1}$

❖ $P = \frac{\rho RT}{M_0}$

❏ બોઇલનો નિયમ : જો μ અને T અચળ હોય તો $PV =$ અચળ

❏ ચાર્લ્સનો નિયમ : જો μ અને P અચળ હોય તો $\frac{V}{T} =$ અચળ

❏ ગેલ્યુસેકનો નિયમ : જો μ અને V અચળ હોય તો $\frac{P}{T} =$ અચળ

સરેરાશ મુક્ત પથ

❏ બે ક્રમિક અથડામણો વચ્ચેનો સરેરાશ સમય :

$$\tau = \frac{1}{n\pi \langle v \rangle d^2}$$

❏ બે ક્રમિક અથડામણો વચ્ચેનું સરેરાશ અંતર (મુક્તપથ) :

$$l = \langle v \rangle \tau = \frac{1}{n\pi d^2}$$

❏ વધુ ચોક્કસ ગણતરી પરથી સરેરાશ મુક્તપથ :

$$l = \frac{1}{\sqrt{2}n\pi d^2}$$

આદર્શ વાયુનો ગતિવાદ

❏ અણુઓ વચ્ચેની આંતરિક અથડામણો અથવા અણુઓ અને દીવાલો વચ્ચેની અથડામણો રિચતિરચાપક છે. એટલે કે કુલ ગતિઊર્જા અને કુલ વેગમાનનું સંરક્ષણ થાય છે.

❏ આદર્શ વાયુનું દબાણ : $P = \frac{1}{3}nmv_{rms}^2$

❏ વાયુના અણુની સરેરાશ ગતિઊર્જા :

$$E = \frac{1}{2}mv_{rms}^2 = \frac{3}{2}k_B T$$

ઊર્જા સમવિભાજનનો નિયમ

❏ ઊર્જાના સમીકરણમાં આવતું દરેક વિક્ષેપક પદ એ અણુની ઊર્જાના શોષણનો પ્રકાર દર્શાવે છે T નિરપેક્ષ તાપમાને તાપીય સંતુલનમાં કુલ ઊર્જા એ રેખીય, ચક્રીય અને કંપન પ્રકારની ઊર્જાઓમાં સમાન રીતે વિતરીત હોય છે, જે દરેક પ્રકારની સરેરાશ ઊર્જા $\frac{1}{2}k_B T$ જેટલી હોય છે. આને ઊર્જાના સમવિભાજનનો નિયમ કહે છે.

વિશિષ્ટ ઉષ્મા-ક્ષમતા

❏ એક પરમાણ્વિક વાયુઓ (મુક્તતાના 3 અંશ) :

❖ એક મોલની કુલ આંતરિક ઊર્જા $U = \frac{3}{2}k_B TN_A = \frac{3}{2}RT$

❖ $C_V = \frac{3}{2}R$; $C_P - C_V = R$; $C_P = \frac{5}{2}R$; $\gamma = \frac{C_P}{C_V} = \frac{5}{3}$

❏ વિક્ષેપક વાયુઓ

❖ અણુ દ્રઢ હોય ત્યારે (મુક્તતાના અંશો 5) :

❖ એક મોલની કુલ આંતરિક ઊર્જા $U = \frac{5}{2}k_B TN_A = \frac{5}{2}RT$

❖ $C_V = \frac{5}{2}R$; $C_P - C_V = R$; $C_P = \frac{7}{2}R$; $\gamma = \frac{C_P}{C_V} = \frac{7}{5}$

❖ અણુ દ્રઢ ન હોય ત્યારે (મુક્તતાના અંશો 7) :

$C_V = \frac{7}{2}R$; $C_P = \frac{9}{2}R$; $\gamma = \frac{9}{7}$



પ્રકરણ - 14 દોલનો

આવર્ત અને દોલિત ગતિઓ

✎ **આવર્તગતિ :** જે ગતિ સમયનાં નિયમિત અંતરાલો પર પુનરાવર્તન કરે છે તેને આવર્તગતિ કહે છે.

✎ **દોલિત ગતિ :** જે ગતિ સમયનાં નિયમિત અંતરાલો પર સંતુલન બિંદુની આસપાસ પુનરાવર્તન કરે છે તેને દોલિતગતિ કહે છે.

✎ **આવર્તકાળ (T) :** એક દોલન થવા માટે લાગતા સમયગાળાને આવર્તકાળ (T) કહે છે.

✧ એકમ : સેકન્ડ (s)

✎ **આવૃત્તિ (θ) :** એક સેકન્ડમાં થતા દોલનો કે પરીભ્રમણોની સંખ્યાને આવૃત્તિ કહે છે.

✧ (આવર્તકાળના વ્યસ્તને આવૃત્તિ (θ) કહે છે)

$$\theta = \frac{1}{T}$$

✧ એકમ : s^{-1} અથવા Hz

સરળ આવર્તગતિ

✎ મધ્યમાન સ્થાનની આસપાસ સુરેખપથ પર આગળ-પાછળ કે ઉપર-નીચે સ્થાનાંતરની વિરુદ્ધ દિશામાં લાગતા પુનઃસ્થાપક બળની અસર હેઠળ થતી આવર્તગતિને સરળ આવર્તગતિ કહે છે.

$$x(t) = A \cos(\omega t + \phi)$$

✧ $x(t)$ સ્થાનાંતર x એ સમય t નાં વિધેય તરીકે

✧ A : કંપવિસ્તાર ✧ ω : કોણીય આવૃત્તિ

✧ $(\omega t + \phi)$: કળા ✧ ϕ : પ્રારંભિક કળા

✎ દોલક, નિયત બિંદુથી ઉપર તરફ ગતિની શરૂઆત કરે તો $\phi = 0$

✎ દોલક, નિયત બિંદુથી નીચે તરફ ગતિની શરૂઆત કરે તો $\phi = \pi$

✎ દોલક, ઉપરના છેડેથી ગતિની શરૂઆત કરે તો $\phi = \frac{\pi}{2}$

✎ દોલક, નીચેના છેડેથી ગતિની શરૂઆત કરે તો $\phi = \frac{3\pi}{2}$

✎ n દોલનોને અંતે કળા $\theta = 2\pi n + \phi$

નિયમિત વર્તુળમય ગતિ અને સરળ આવર્તગતિ

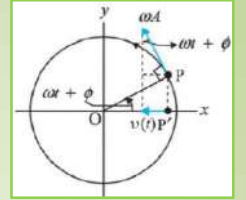
✎ કંપવિસ્તાર A જેટલી ત્રિજ્યા ધરાવતા અને વર્તુળમય ગતિ કરતા કણનો પ્રક્ષેપ સ.આ.ગ. કરે છે.

✧ નિયમિત વર્તુળમય ગતિ અને સરળ આવર્તગતિ માટે કણના સ્થાન સમીકરણો સમાન છે છતાં, રેખીય સરળ આવર્તગતિ કરતાં કણ પર લાગતું બળ એ કણને નિયમિત વર્તુળમય ગતિમાં રાખવા જરૂરી કેન્દ્રગામી બળ કરતાં સદંતર ભિન્ન પ્રકારનું હોય છે.

સરળ આવર્તગતિમાં વેગ અને પ્રવેગ

✎ નિયમિત વર્તુળમય ગતિ માટે કોણીય ઝડપ :

$$v = \omega A$$

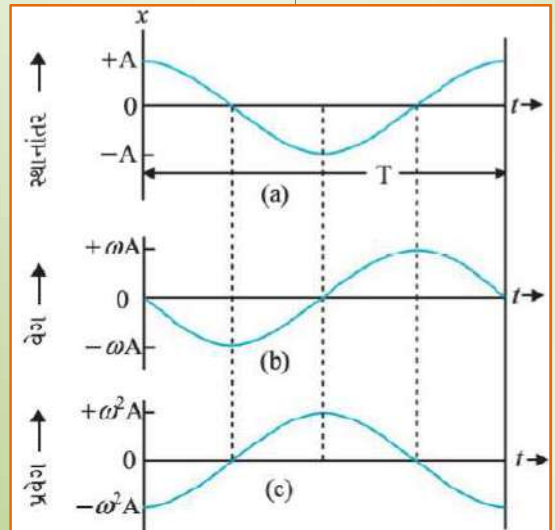


✎ પ્રક્ષેપ કણનો t સમયે વેગ :

$$v(t) = \frac{d}{dt} x(t) = -\omega A \sin(\omega t + \phi)$$

✎ પ્રક્ષેપ કણનો t સમયે પ્રવેગ :

$$a(t) = \frac{d}{dt} v(t) = -\omega^2 A \cos(\omega t + \phi) = -\omega^2 x(t)$$



સ.આ.ગ. માટે બળનો નિયમ

✎ m દળના કણ પર લગતું પુનઃસ્થાપક બળ :

$$F(t) = ma = -m\omega^2 x(t) = -kx(t)$$

✧ જ્યાં $k = m\omega^2 =$ બળ અચળાંક

✧ સ.આ.ગ. માટે કોણીય આવૃત્તિ : $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$

સરળ આવર્તગતિમાં ઊર્જા

✎ સરળ આવર્તગતિ કરતા કોઈ પણ કણની ગતિઊર્જા અને સ્થિતિઊર્જા શૂન્ય અને તેમનાં મહત્તમ મૂલ્યો વચ્ચે બદલાતી રહે છે.

✎ ગતિઊર્જા :

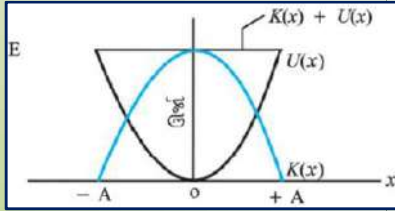
$$K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}m\omega^2 A^2 \sin^2(\omega t + \phi)$$

✎ સ્થિતિઊર્જા :

$$U = \frac{1}{2}kx^2 = \frac{1}{2}m\omega^2 A^2 \cos^2(\omega t + \phi)$$

✎ કુલ ઊર્જા : $E = K + U$

$$E = \frac{1}{2}m\omega^2 A^2 = \frac{1}{2}kA^2$$



પ્રણોદિત (બળપ્રેરિત) દોલનો અને અનુનાદ

✎ આવર્ત બાહ્ય બળ : $F(t) = F_0 \cos \omega_d t$

✎ પ્રણોદિત દોલનો માટેનું વિકલ સમીકરણ :

$$m \frac{d^2 x}{dt^2} + b \frac{dx}{dt} + kx = F_0 \cos \omega_d t$$

✎ ઉકેલ : $x(t) = A \cos(\omega_d t + \phi)$

✎ કંપવિસ્તાર : $A = \frac{F_0}{\{m^2(\omega^2 + \omega_d^2)^2 + \omega_d^2 b^2\}^{1/2}}$

✧ નાનું અવમંદન અને ચાલક આવૃત્તિ પ્રાકૃતિક આવૃત્તિથી ખૂબ જુદી હોય :

$$\omega_d b \ll m(\omega^2 - \omega_d^2); A = \frac{F_0}{m(\omega^2 - \omega_d^2)}$$

✎ અનુનાદ : જ્યારે ચાલક બળની આવૃત્તિ એ દોલકની પ્રાકૃતિક આવૃત્તિની નજીક હોય ત્યારે કંપવિસ્તારમાં થતાં વધારાની ઘટનાને અનુનાદ કહે છે.

✧ ચાલક આવૃત્તિ એ પ્રાકૃતિક આવૃત્તિની નજીક હોય :

$$\omega_d b \ll m(\omega^2 - \omega_d^2); A = \frac{F_0}{m(\omega^2 - \omega_d^2)}$$

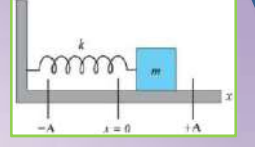
સરળ આવર્તગતિ કરતાં કેટલાંક તંત્રો

● એક સ્પ્રિંગને લીધે દોલનો :

✧ પુનઃસ્થાપક બળ : $F = -kx$

✧ દોલકની કોણીય આવૃત્તિ : $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$

✧ દોલકનો આવર્તકાળ : $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$

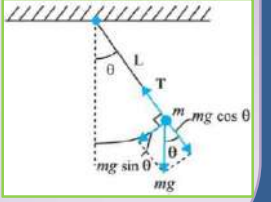


● સાદું લોલક :

✧ પુનઃસ્થાપક બળ : $F = mg \sin \theta$

✧ દોલકની કોણીય આવૃત્તિ : $\omega = \sqrt{\frac{g}{L}}$

✧ દોલકનો આવર્તકાળ : $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$



અવમંદિત સરળ આવર્તગતિ

✎ અવમંદન બળ : $F_d = -bv$

✎ અવમંદિત સ. આ. ગ. માટેનું વિકલ સમીકરણ :

$$m \frac{d^2 x}{dt^2} + b \frac{dx}{dt} + kx = 0$$

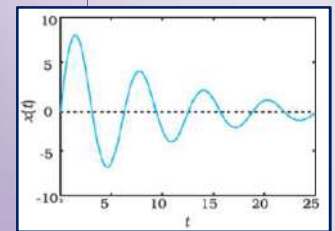
✎ ઉકેલ :

$$x(t) = Ae^{-bt/2m} \cos(\omega' t + \phi)$$

✎ કંપવિસ્તાર : $A' = Ae^{-bt/2m}$

✎ કોણીય આવૃત્તિ : $\omega' = \sqrt{\frac{k}{m} - \frac{b^2}{4m^2}}$

✎ ચાંપ્રિક ઊર્જા : $E(t) = \frac{1}{2}kA^2 e^{-bt/m}$



Created By
A. G. Momin
Sudhir Gambhava



પ્રકરણ – 15 તરંગો (Waves)

લંબગત અને સંગત તરંગો

- ❏ લંબગત તરંગ : જે માધ્યમના ઘટક કણો, તરંગની પ્રસરણ દિશાને લંબરૂપે દોલનો કરતા હોય તો તેને લંબગત તરંગ કહે છે.
- ❖ શૂંગ અને ગર્ત સ્વરૂપે સ્પંદન ઉત્પન્ન થાય છે.
- ❏ સંગત તરંગ : જે માધ્યમના ઘટક કણો, તરંગની પ્રસરણ દિશાને સમાંતર દોલનો કરે તો તેને સંગત તરંગ કહે છે.
- ❖ સંઘનન અને વિઘનન સ્વરૂપે સ્પંદન ઉત્પન્ન થાય છે.

તરંગોના સંપાતીકરણનો સિદ્ધાંત

- ❏ માધ્યમનો કોઈ કણ કે બિંદુ બે કે તેથી વધારે તરંગોની અસર હેઠળ આવે ત્યારે તેનો પરિણામી કંપવિસ્તાર દરેક તરંગના સ્વતંત્ર કંપવિસ્તારના સદિશ સરવાળા જેટલું હોય છે.
- ❏ સહાયક વ્યતિકરણ : (કળા તફાવત $\phi = 0$, પરિણામી કંપવિસ્તાર $A = 2a$)
- ❖ પરિણામી સ્થાનાંતર : $y = 2a \sin(kx - \omega t)$
- ❏ વિનાશક વ્યતિકરણ : (કળા તફાવત $\phi = \pi$, પરિણામી કંપવિસ્તાર $A = 0$)
- ❖ પરિણામી સ્થાનાંતર : $y = 0$

Created By
A.G. Momin
Sudhir Gambhava

પ્રગામી તરંગમાં સ્થાનાંતર સંબંધ

- ❏ પ્રગામી તરંગ :
 - ❖ x -અક્ષની ધન દિશામાં ગતિ કરતું તરંગ $y(x, t) = a \sin(kx - \omega t + \phi)$
 - ❖ x -અક્ષની ઋણ દિશામાં ગતિ કરતું તરંગ $y(x, t) = a \sin(kx + \omega t + \phi)$
 - ❖ Sine અને Cosine વિધેયોનું સંયોજન $y(x, t) = A \sin(kx - \omega t) + B \cos(kx - \omega t)$
 - ❏ કંપવિસ્તાર : સંતુલન સ્થાનથી મહત્તમ સ્થાનાંતરને કંપવિસ્તાર કહે છે. $a = \sqrt{A^2 + B^2}$
 - ❏ કળા : $\theta = (kx - \omega t + \phi)$; જ્યાં $\phi =$ પ્રારંભિક કળા
 - ❏ તરંગલંબાઈ (λ) : કળા તફાવત 2π ધરાવતાં બે બિંદુઓ વચ્ચેના લઘુત્તમ અંતરને તરંગની તરંગલંબાઈ કહે છે.
 - ❏ કોણીય તરંગ-સંખ્યા : $k = \frac{2\pi}{\lambda}$
 - ❏ આવર્તકાળ (T) : કોઈ બિંદુ પાસેથી એક તરંગ પસાર થવા માટે લાગતાં સમયને આવર્તકાળ કહે છે.
 - ❏ આવૃત્તિ (ν) : એક સેકન્ડમાં પસાર થતા તરંગોની સંખ્યાને આવૃત્તિ કહે છે.
 - ❏ કોણીય આવૃત્તિ (ω) : આવૃત્તિના 2π ગણને કોણીય આવૃત્તિ કહે છે.

પ્રગામી તરંગની ઝડપ

- ❏ પ્રગામી તરંગની ઝડપ : $v = \frac{\omega}{k} = \frac{\lambda}{T} = \lambda \nu$
- ❏ તણાવવાળી દોરી પર લંબગત તરંગની ઝડપ : $v = \sqrt{\frac{T}{\mu}}$
 - ❖ જ્યાં $\mu =$ એકમ લંબાઈ દીઠ દળ
 - ❖ જ્યાં $T =$ બાહ્ય બળને લીધે ઉદભવતું તણાવ બળ
- ❏ સંગત તરંગની ઝડપ (ધ્વનિની ઝડપ) : $v = \sqrt{\frac{\beta}{\rho}} = \sqrt{\frac{P}{\rho}} = \sqrt{\frac{Y}{\rho}}$
 - ❖ લાપ્લાસેનો સુધારો (સમોષ્મી બલ્ક મોડ્યુલસ) $v = \sqrt{\frac{\gamma P}{\rho}}$
 - ❖ જ્યાં $\rho =$ દળ ઘનતા, ❖ જ્યાં $\gamma = \frac{C_p}{C_v}$ બે વિશિષ્ટ ઉષ્માઓનો ગુણોત્તર

તરંગોનું પરાવર્તન

જડિત આધાર પાસેથી તરંગોનું પરાવર્તન :

◆ તેની કનામાં π જેટલો વધારો થાય

◆ આપત તરંગ વધતા x ની દિશામાં

$$y_i = A \sin(kx - \omega t)$$

◆ પરાવર્તિત તરંગનું સમીકરણ

$$y_r = A \sin(kx + \omega t + \pi)$$

$$y_r = -A \sin(kx + \omega t)$$

મુક્ત આધાર પાસેથી તરંગોનું પરાવર્તન :

◆ તેની કનામાં વધારો થશે નહીં.

◆ આપત તરંગ વધતા x ની દિશામાં

$$y_i = A \sin(kx - \omega t)$$

◆ પરાવર્તિત તરંગનું સમીકરણ

$$y_r = A \sin(kx + \omega t + 0)$$

$$y_r = A \sin(kx + \omega t)$$

રિચત તરંગો અને નોર્મલ મોડ્સ

જે તરંગોના સંપતીકરણથી મળતું રિચત તરંગ સમીકરણ

$$y = 2a \sin kx \cos \omega t$$

જે નિષ્પંદ બિંદુઓ : કંપવિસ્તાર = $2a$, $\sin kx = 0$

$$kx = n\pi, n = 0, 1, 2, 3, \dots$$

$$x = \frac{n\lambda}{2}, n = 0, 1, 2, 3, \dots$$

જે પ્રષ્પંદ બિંદુઓ : કંપવિસ્તાર = શૂન્ય

$$\sin kx = \pm 1$$

$$kx = (n + \frac{1}{2})\pi, n = 0, 1, 2, 3, \dots$$

$$x = (n + \frac{1}{2})\frac{\lambda}{2}, n = 0, 1, 2, 3, \dots$$

જે બંને બાજુ જડિત આધાર કે બંને બાજુ ઓપન પાર્થપ માટે :

◆ તરંગ લંબાઈ : $\lambda_n = \frac{2L}{n}$, ◆ આવૃત્તિ : $\theta_n = n \frac{v}{2L}$

◆ $n = 1$, $\theta_1 = \frac{v}{2L}$ = પ્રથમ હાર્મોનિક, મૂળભૂત આવૃત્તિ

◆ $n = 2$, $\theta_2 = \frac{v}{L}$ = દ્વિતીય હાર્મોનિક, પ્રથમ ઓવરટોન

◆ $n = 3$, $\theta_3 = \frac{3v}{2L}$ = તૃતીય હાર્મોનિક, દ્વિતીય ઓવરટોન

જે એક છેડે બંધ પાર્થપ માટે :

◆ તરંગ લંબાઈ : $\lambda_n = \frac{4L}{n}$, ◆ આવૃત્તિ : $\theta_n = n \frac{v}{4L}$

◆ n મી હાર્મોનિક, $(\frac{n-1}{2})$ મી ઓવરટોન

સ્પંદ

જે સમાન કંપવિસ્તાર વાળા પણ સહેજ જુદી પડતી આવૃત્તિઓ વાળા તરંગોના સંપતીકરણને કારણે આવર્ત રીતે કંપવિસ્તાર અને પરિણામે ધ્વનિની પ્રબળતા મહત્તમ બનવાની ઘટનાને સ્પંદ કહે છે.

જે હાર્મોનિક તરંગોનું સંપતીકરણ :

$$y = a \sin 2\pi f_1 t + a \sin 2\pi f_2 t$$

$$y = \left[2a \cos 2\pi \left(\frac{f_1 - f_2}{2} \right) t \right] \sin 2\pi \left(\frac{f_1 + f_2}{2} \right) t$$

$$y = a' \sin 2\pi \left(\frac{f_1 - f_2}{2} \right) t$$

$$a' = 2a \cos 2\pi \left(\frac{f_1 - f_2}{2} \right) t$$

જે એકમ સમયમાં સ્પંદની સંખ્યા $f_1 - f_2$ ને સ્પંદની આવૃત્તિ કહે છે.

ડોપ્લર અસર

જ્યારે ધ્વનિ ઉદગમ અથવા શ્રોતા અથવા બંને હવાના માધ્યમની સાપેક્ષે અને એકબીજાની સાપેક્ષે ગતિ કરે ત્યારે શ્રોતા દ્વારા અનુભવાતી ધ્વનિની આવૃત્તિ, ઉદગમ દ્વારા ઉત્સર્જીત આવૃત્તિ કરતા જુદી સંભળાય છે. આ ઘટનાને ડોપ્લર અસર કહે છે.

જે સંજ્ઞા પ્રણાલી :

◆ ધ્વનિનો વેગ હંમેશા ધન લેવામાં આવે છે.

◆ શ્રોતાથી ઉદગમ તરફના વેગને ધન અને ઉદગમથી શ્રોતા તરફના વેગને ઋણ લેવામાં આવે છે.

જે શ્રોતા દ્વારા અનુભવાતી આવૃત્તિનું સામાન્ય સુત્ર :

$$f_L = \left(\frac{v+v_L}{v+v_S} \right) f_S$$

◆ શ્રોતા રિચર, ધ્વનિ ઉદગમ શ્રોતા તરફ ગતિ કરતું

$$\text{હોય, } f_L = \left(\frac{v}{v-v_S} \right) f_S$$

◆ શ્રોતા રિચર, ધ્વનિ ઉદગમ શ્રોતાથી દૂર જાય,

$$f_L = \left(\frac{v}{v+v_S} \right) f_S$$

◆ શ્રોતા અને ધ્વનિ ઉદગમ બંને એકબીજા તરફ ગતિ

$$\text{કરતાં હોય, } f_L = \left(\frac{v+v_L}{v-v_S} \right) f_S$$

◆ ઉદગમ રિચર, શ્રોતા એ ધ્વનિ ઉદગમ તરફ ગતિ

$$\text{કરે, } f_L = \left(\frac{v+v_L}{v} \right) f_S$$

◆ શ્રોતા અને ધ્વનિ ઉદગમ બંને એકબીજા તરફ ગતિ

$$\text{કરતાં હોય, } f_L = \left(\frac{v-v_L}{v+v_S} \right) f_S$$